

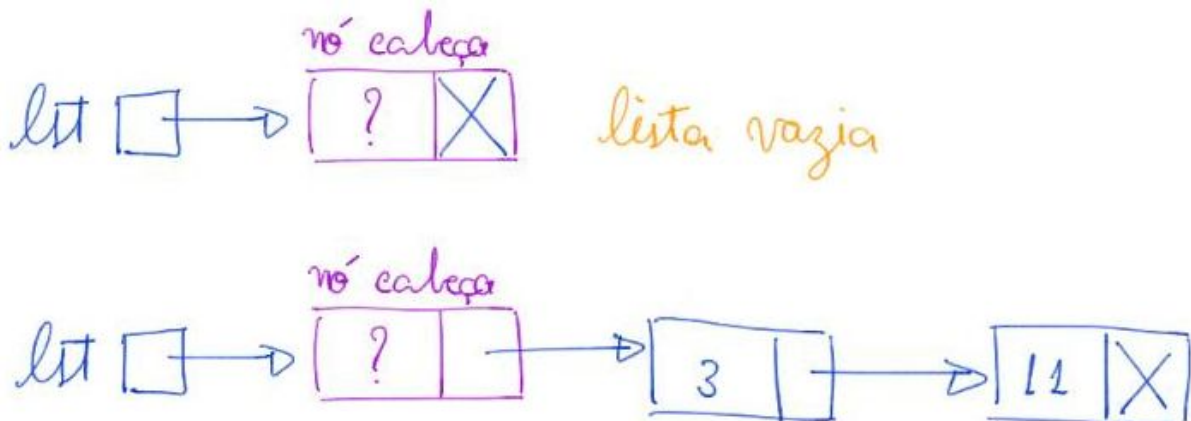
## AED1 - Aula 10

### Listas ligadas com nó cabeça, circulares e duplamente ligadas

Vamos ver algumas variantes da lista encadeada padrão e entender suas vantagens e desvantagens.

#### Listas ligadas com nó cabeça

- Estas listas têm uma célula inicial chamada nó cabeça.
- O nó cabeça está presente mesmo quando a lista está vazia.
- Sua principal vantagem é simplificar operações como
  - inserção e remoção.
- Isto porque, com a presença do nó cabeça,
  - toda célula tem uma antecessora.
- Uma desvantagem é desperdiçar a memória de uma célula.



Declaração da estrutura da célula:

```
typedef struct celula Celula;
struct celula
{
    int conteudo;
    Celula *prox;
};
```

- Note que é a mesma da lista ligada simples.

Exemplos de inicialização de uma lista com nó cabeça.

- Alocação estática:

```
Celula *ini;
```

```
Celula cabeca;  
ini = &cabeca;  
cabeca.prox = NULL;
```

- Alocação dinâmica:

```
Celula *ini;  
ini = malloc(sizeof(Celula));  
ini->prox = NULL;
```

Imprime conteúdo de uma lista com nó cabeça

```
void imprime(Celula *lst)  
{  
    Celula *p = lst->prox; // pula o nó cabeça  
    while (p != NULL)  
    {  
        printf("%d ", p->conteudo);  
        p = p->prox;  
    }  
    printf("\n");  
}
```

- Exemplo de uso

```
imprime(ini);
```

Busca, encontrar um elemento leva tempo  $O(n)$  no pior caso.

```
Celula *busca(Celula *lst, int x)  
{  
    Celula *p = lst->prox; // pula o nó cabeça  
    while (p != NULL && p->conteudo != x)  
        p = p->prox;  
    return p;  
}
```

- Exemplo de uso

```
Celula *p = busca(ini, 10);
```

Seleção, pegar o conteúdo do  $k$ -ésimo item leva tempo  $O(k)$ .

```
Celula *selecao(Celula *lst, int k)  
{  
    Celula *p = lst->prox; // pula o nó cabeça
```

```

int pos = 0;
while (p != NULL && pos < k)
{
    p = p->prox;
    pos++;
}
return p;
}

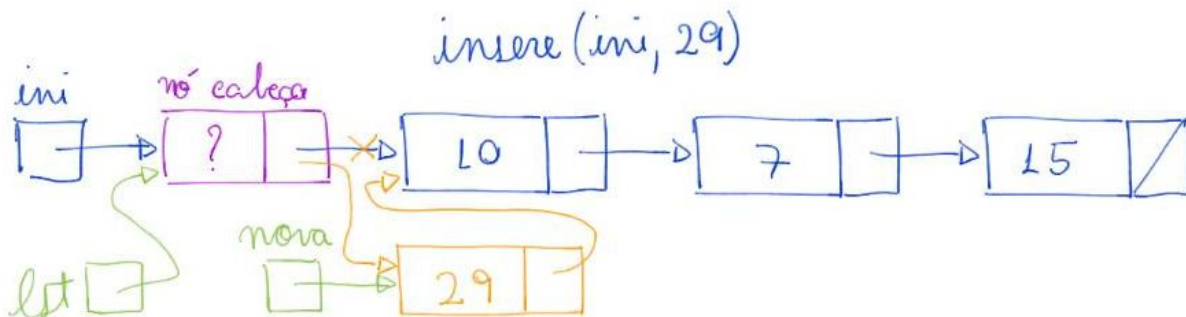
```

- Exemplo de uso

```
Celula *q = selecao(ini, 10);
```

Inserção, inserir um elemento no início da lista, ou na frente de uma célula

- para a qual já temos um apontador, leva tempo constante, i.e.,  $O(1)$ .



```

void insere(Celula *lst, int x)
{
    Celula *nova;
    nova = malloc(sizeof(Celula));
    nova->conteudo = x;
    nova->prox = lst->prox;
    lst->prox = nova;
}

```

- Note que, a função não usa apontador de apontador,
  - nem devolve um endereço.

- Exemplo de uso

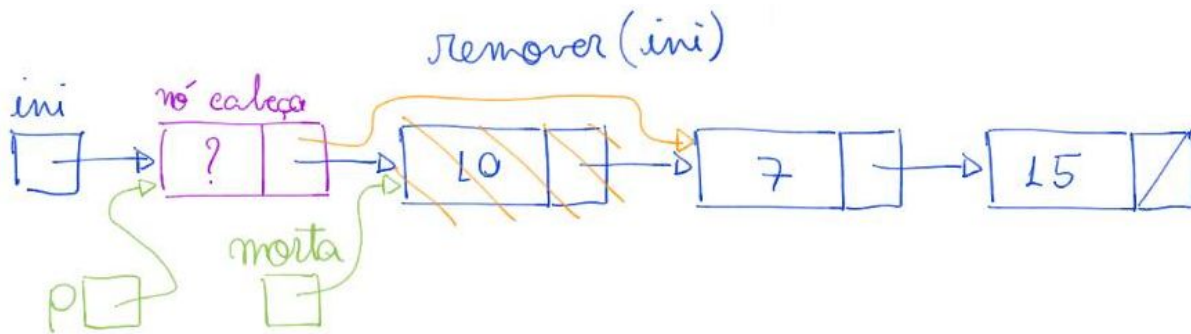
```

printf("Insere n elementos na lista\n");
for (i = 0; i < n; i++)
    insere(ini, i);

```

Remoção, remover um elemento no início da lista, ou a célula seguinte

- leva tempo constante, i.e.,  $O(1)$ .



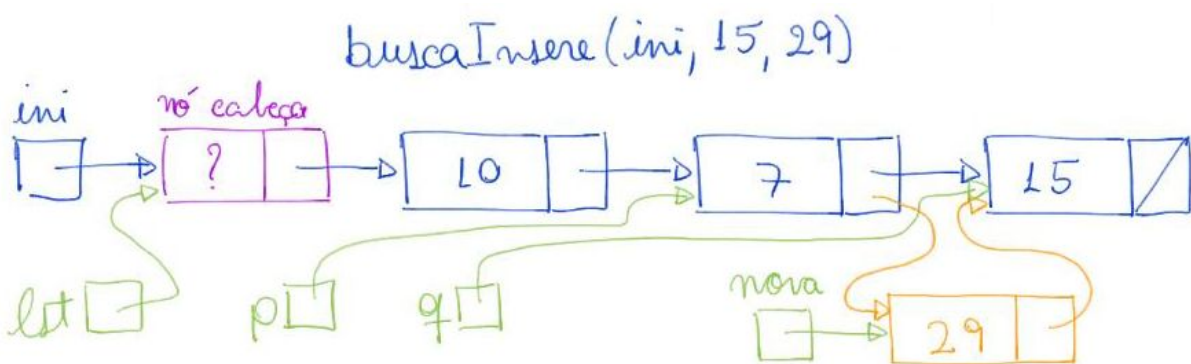
```
// remove a célula sucessora de p
// supõe que p != NULL e p->prox != NULL
```

```
void remove(Celula *p)
{
    Celula *morta;
    morta = p->prox;
    p->prox = morta->prox;
    free(morta);
}
```

- Exemplos de uso

```
printf("remove(ini)\n");
remove(ini);
printf("remove(ini->prox)\n");
remove(ini->prox);
```

Busca e insere, buscar um elemento x e inserir y logo antes dele leva tempo  $O(n)$ .



```
// busca x na lista lst e insere y logo antes de x
// se x não está na lista insere y no final
```

```
void buscaInsere(Celula *lst, int x, int y)
{
    Celula *p, *q, *nova;
    nova = malloc(sizeof(Celula));
```

```

nova->conteudo = y;
p = lst;
q = p->prox;
while (q != NULL && q->conteudo != x)
{
    p = q;
    q = p->prox;
}
p->prox = nova;
nova->prox = q;
}

```

- Exemplos de uso

```

printf("buscaInsere(ini, 2, 3)\n");
buscaInsere(ini, 2, 3);
printf("buscaInsere(ini, ini->prox->conteudo, 49)\n");
buscaInsere(ini, ini->prox->conteudo, 49);
printf("buscaInsere(ini, 15, 17)\n");
buscaInsere(ini, 15, 17);

```

Busca e remove, buscar um elemento x e removê-lo leva tempo O(n).

```

void buscaRemove(Celula *lst, int x)
{
    Celula *p, *morta;
    p = lst;
    while (p->prox != NULL && p->prox->conteudo != x)
        p = p->prox;
    if (p->prox != NULL)
    {
        morta = p->prox;
        p->prox = morta->prox;
        free(morta);
    }
}

```

- Exemplos de uso

```

printf("buscaRemove(ini, 2)\n");
buscaRemove(ini, 2);

```

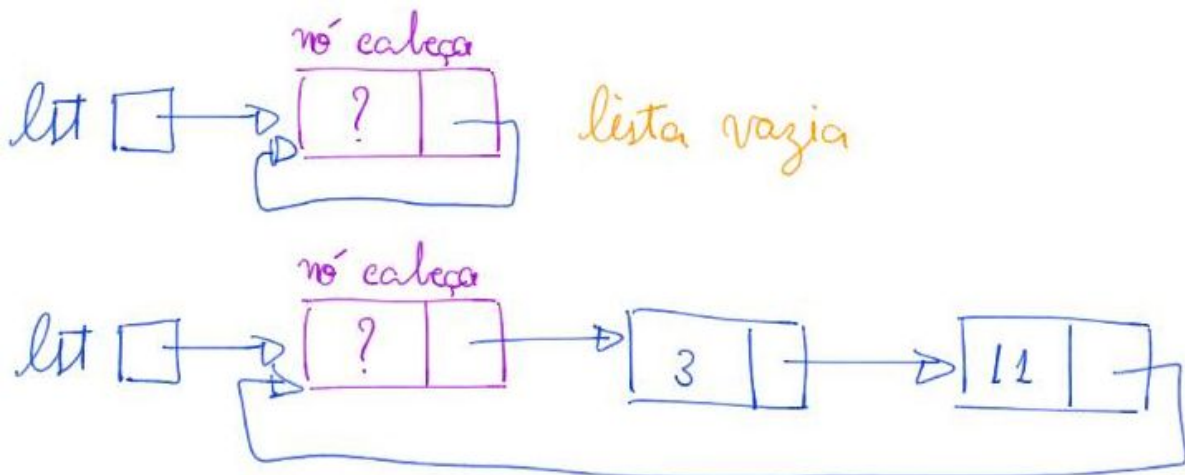
```

printf("buscaRemove(ini, ini->prox->conteudo)\n");
buscaRemove(ini, ini->prox->conteudo);
printf("buscaRemove(ini, 17)\n");
buscaRemove(ini, 17);

```

## Listas ligadas circulares

- A última célula desta lista aponta para a primeira.
- Se for uma lista encadeada circular com nó cabeça,
  - a última célula aponta para o nó cabeça.



- Para verificar se chegou ao final da lista
  - é necessário verificar se o apontador para o próximo
    - tem o endereço da primeira célula,
      - ou para o nó cabeça.

Declaração da estrutura da célula:

```

typedef struct celula Celula;
struct celula
{
    int conteudo;
    Celula *prox;
};

```

- Note que é a mesma da lista ligada simples.

Exemplos de inicialização de uma lista circular com nó cabeça.

- Alocação estática:

```

Celula *ini;

```

```
Celula cabeca;  
ini = &cabeca;  
cabeca.prox = &cabeca;
```

- Alocação dinâmica:

```
Celula *ini;  
ini = malloc(sizeof(Celula));  
ini->prox = ini;
```

Imprime conteúdo de uma lista circular com nó cabeça

```
void imprime(Celula *lst)  
{  
    Celula *p = lst->prox;  
    while (p != lst)  
    {  
        printf("%d ", p->conteudo);  
        p = p->prox;  
    }  
    printf("\n");  
}
```

Busca, encontrar um elemento leva tempo  $O(n)$  no pior caso.

```
Celula *busca(Celula *lst, int x)  
{  
    Celula *p = lst->prox;  
    while (p != lst && p->conteudo != x)  
        p = p->prox;  
    return p;  
}
```

Seleção, pegar o conteúdo do k-ésimo item leva tempo  $O(k)$ .

```
Celula *selecao(Celula *lst, int k)  
{  
    Celula *p = lst->prox;  
    int pos = 0;  
    while (p != lst && pos < k)  
    {  
        p = p->prox;  
    }
```

```

        pos++;
    }
    return p;
}

```

Inserção, inserir um elemento no início da lista, ou na frente de uma célula

- para a qual já temos um apontador, leva tempo constante, i.e.,  $O(1)$ .

```

void insere(Celula *lst, int x)
{
    Celula *nova;
    nova = malloc(sizeof(Celula));
    nova->conteudo = x;
    nova->prox = lst->prox;
    lst->prox = nova;
}

```

Remoção, remover um elemento no início da lista, ou a célula seguinte

- leva tempo constante, i.e.,  $O(1)$ .

```

// remove a celula sucessora de p
// supõe que p != NULL e p->prox != NULL
void remover(Celula *p)
{
    Celula *morta;
    morta = p->prox;
    p->prox = morta->prox;
    free(morta);
}

```

Busca e insere, buscar um elemento x e inserir y logo antes dele leva tempo  $O(n)$ .

```

// busca x na lista lst e insere y logo antes de x
// se x não está na lista insere y no final
void buscaInsere(Celula *lst, int x, int y)
{
    Celula *p, *q, *nova;
    nova = malloc(sizeof(Celula));
    nova->conteudo = y;
    p = lst;
}

```



```

q = p->prox;
while (q != lst && q->conteudo != x)
{
    p = q;
    q = p->prox;
}
p->prox = nova;
nova->prox = q;
}

```

Busca e remove, buscar um elemento x e removê-lo leva tempo  $O(n)$ .

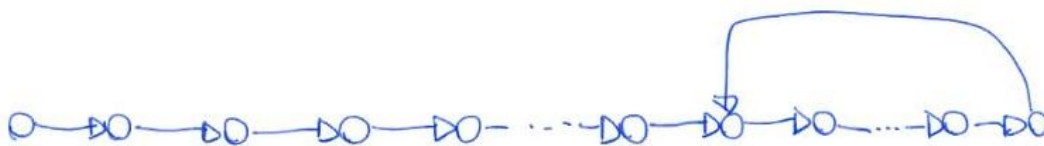
```

void buscaRemove(Celula *lst, int x)
{
    Celula *p, *morta;
    p = lst;
    while (p->prox != lst && p->prox->conteudo != x)
        p = p->prox;
    if (p->prox != lst)
    {
        morta = p->prox;
        p->prox = morta->prox;
        free(morta);
    }
}

```

Quiz:

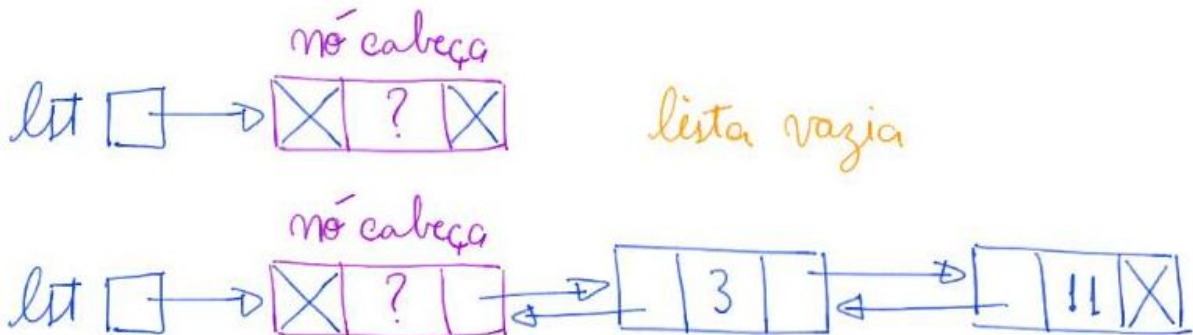
- Como detectar se uma lista é circular?
- E como verificar se uma lista tem algum laço,
  - ou seja, se a última célula aponta para qualquer outra célula?



- Dica: considere usar dois apontadores.

**Listas duplamente ligadas**

- Esta lista pode ser percorrida em ambos os sentidos.
- Para tanto, suas células tem dois campos apontadores
  - um campo prox que guarda o endereço da próxima célula
  - e um campo ante que guarda o endereço da célula anterior.
- Desvantagem:
  - maior consumo de memória por célula.



Registro de uma célula de lista encadeada duplamente ligada:

```
typedef struct celula Celula;
struct celula
{
    int conteudo;
    Celula *ante;
    Celula *prox;
};
```

Exemplos de inicialização de uma lista duplamente ligada com nó cabeça.

- Alocação estática:

```
Celula *ini;
Celula cabeca;
ini = &cabeca;
cabeca.ante = NULL; // necessario?
cabeca.prox = NULL;
```

- Alocação dinâmica:

```
Celula *ini;
ini = malloc(sizeof(Celula));
ini->ante = NULL; // necessario?
ini->prox = NULL;
```

Imprime lista.

```
void imprime(Celula *lst)
```

```

{
    Celula *p = lst->prox;
    while (p != NULL)
    {
        printf("%d ", p->conteudo);
        p = p->prox;
    }
    printf("\n");
}

```

Busca.

```

Celula *busca(Celula *lst, int x)
{
    Celula *p = lst->prox;
    while (p != NULL && p->conteudo != x)
        p = p->prox;
    return p;
}

```

Seleção.

```

Celula *selecao(Celula *lst, int k)
{
    Celula *p = lst->prox;
    int pos = 0;
    while (p != NULL && pos < k)
    {
        p = p->prox;
        pos++;
    }
    return p;
}

```

Inserção.

```

void insere(Celula *lst, int x)
{
    Celula *nova;

```

```

nova = malloc(sizeof(Celula));
nova->conteudo = x;
nova->prox = lst->prox;
if (nova->prox != NULL)
    nova->prox->ante = nova;
lst->prox = nova;
nova->ante = lst;
}

```

### Remoção.

```

// remove a celula sucessora de p
// supõe que p != NULL e p->prox != NULL
void remover(Celula *p)
{
    Celula *morta;
    morta = p->prox;
    p->prox = morta->prox;
    if (p->prox != NULL)
        p->prox->ante = p;
    free(morta);
}

```

### Busca e inserção.

```

// busca x na lista lst e insere y logo antes de x
// se x não está na lista insere y no final
void buscaInsere(Celula *lst, int x, int y)
{
    Celula *p, *q, *nova;
    nova = malloc(sizeof(Celula));
    nova->conteudo = y;
    p = lst;
    q = p->prox;
    while (q != NULL && q->conteudo != x)
    {
        p = q;
        q = p->prox;
    }
}

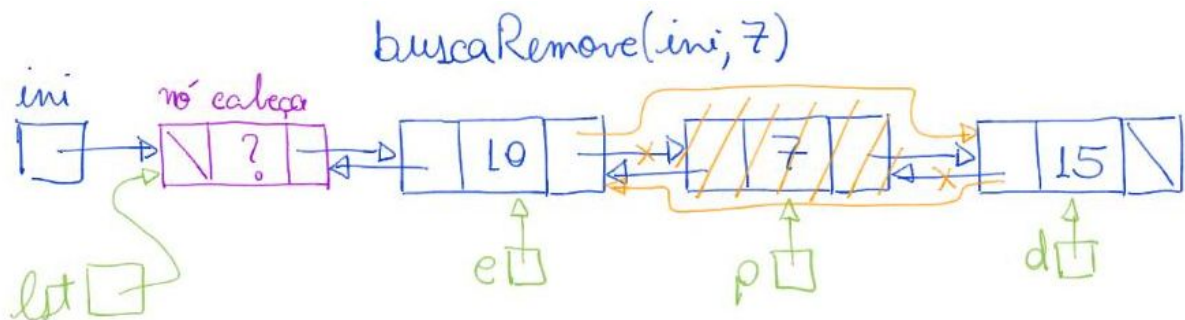
```

```

}
p->prox = nova;
nova->ante = p;
nova->prox = q;
if (nova->prox != NULL)
    nova->prox->ante = nova;
}

```

Busca e remoção.



```

void buscaRemove(Celula *lst, int x)
{
    Celula *p, *e, *d;
    p = busca(lst, x);
    if (p != NULL)
    {
        e = p->ante;
        d = p->prox;
        e->prox = d;
        if (d != NULL)
            d->ante = e;
        free(p);
    }
}

```

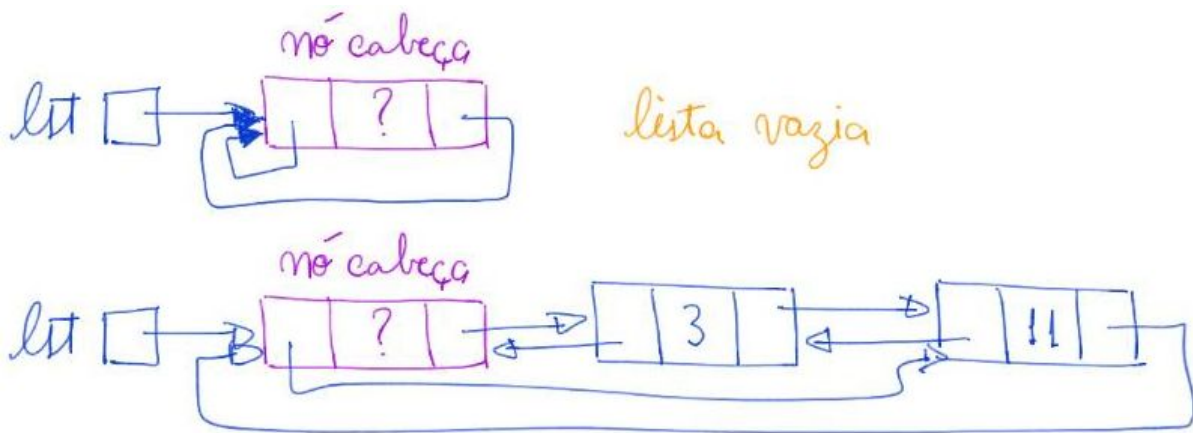
Quiz:

- Para quais células a função de remoção destas listas pode apontar?
  - E a função de inserção?

Extra:

- Podemos combinar as variantes obtendo

- listas duplamente encadeadas circulares com nó cabeça.



- Note que isso pode possibilitar novas operações,
  - como imprimir a lista do fim para o começo.