

# Construção de compiladores

Profs. Mário César San Felice (e Helena Caseli,  
Murilo Naldi, Daniel Lucrédio)

Departamento de Computação - UFSCar

1º semestre / 2018

Tópico 3 - Introdução à Análise Sintática

# Análise sintática

Introdução

# Contexto

- Linguagem humana tem:

## Vocabulário + Gramática

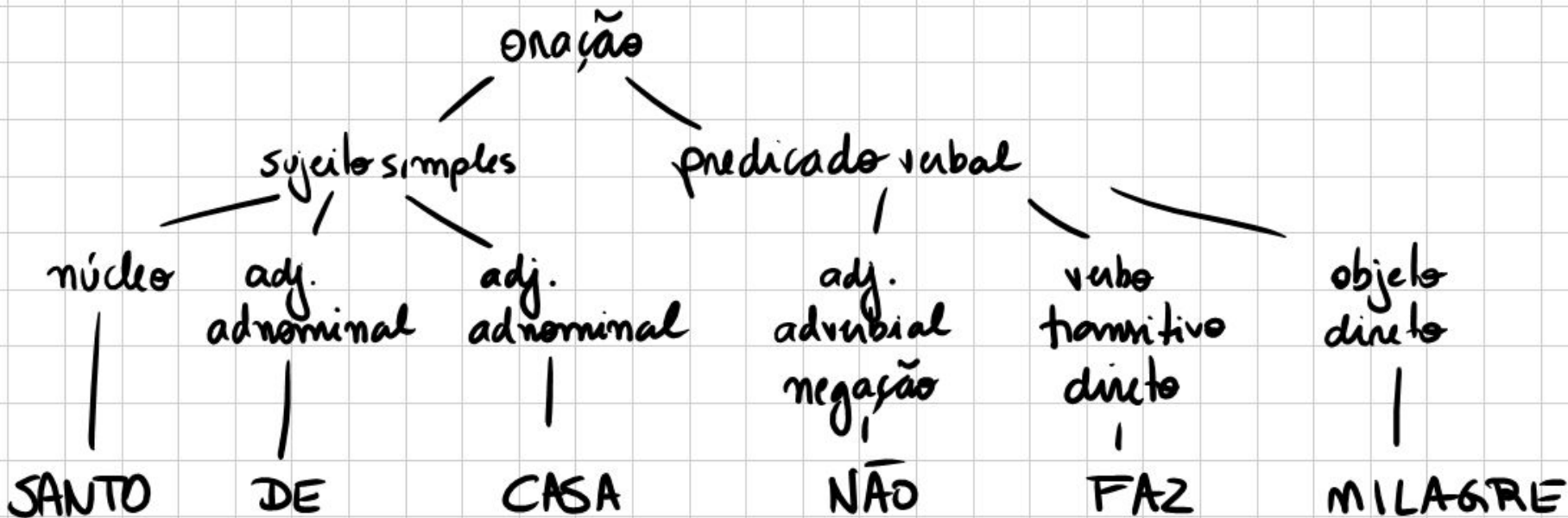
- Nomes das coisas

- Ações
- Composição
- Conceitos complexos

- Hoje começamos a tratar a gramática

# Objetivo

- Objetivo da análise sintática
  - Reconhecer a estrutura das frases

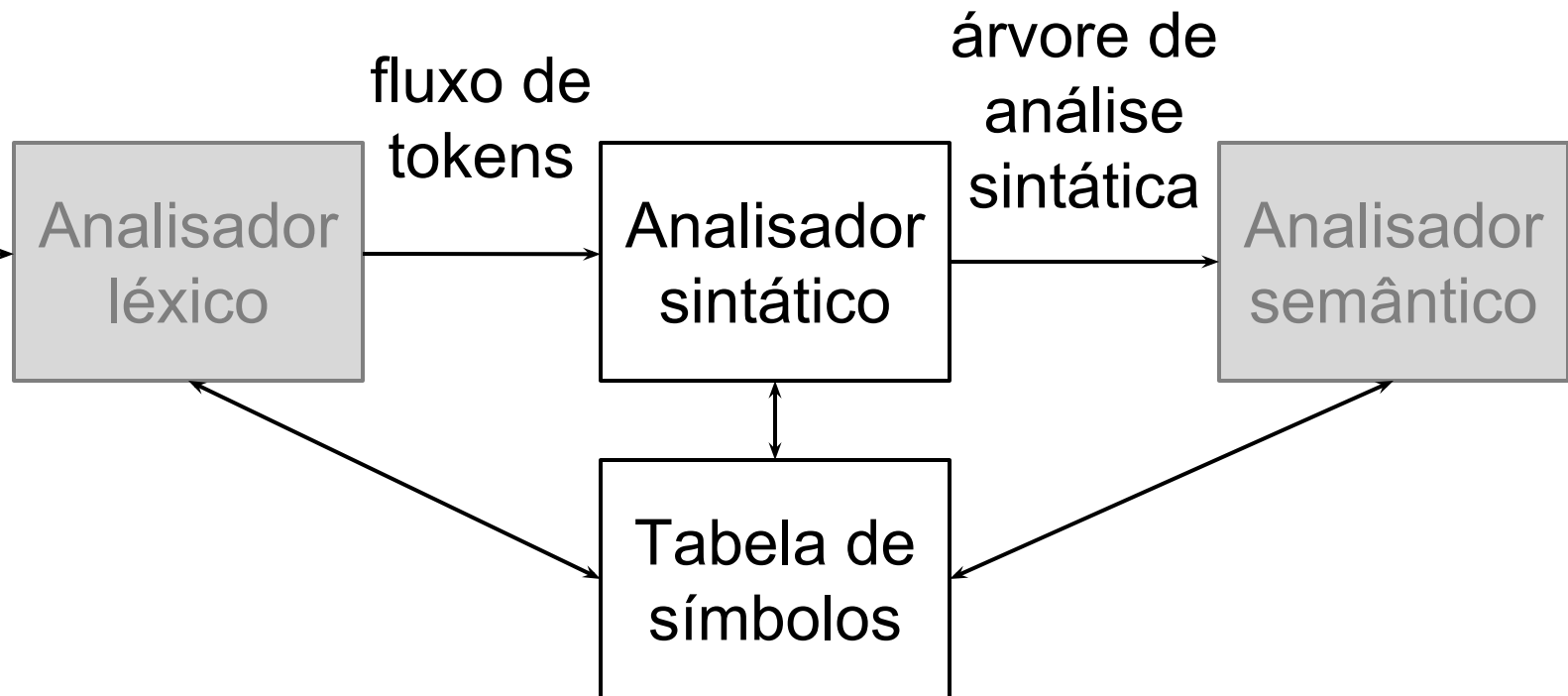


# Em compiladores

- O objetivo é o mesmo
  - Frases = programas
  - Estrutura = linguagem de programação
- Humanos são exímios processadores de linguagem
- Computadores precisam de um ALGORITMO que
  - Dado um fluxo de palavras
  - E uma definição da linguagem
  - Organize as palavras em uma estrutura coerente com a linguagem

# Contexto

- Fluxo de palavras vem do analisador léxico

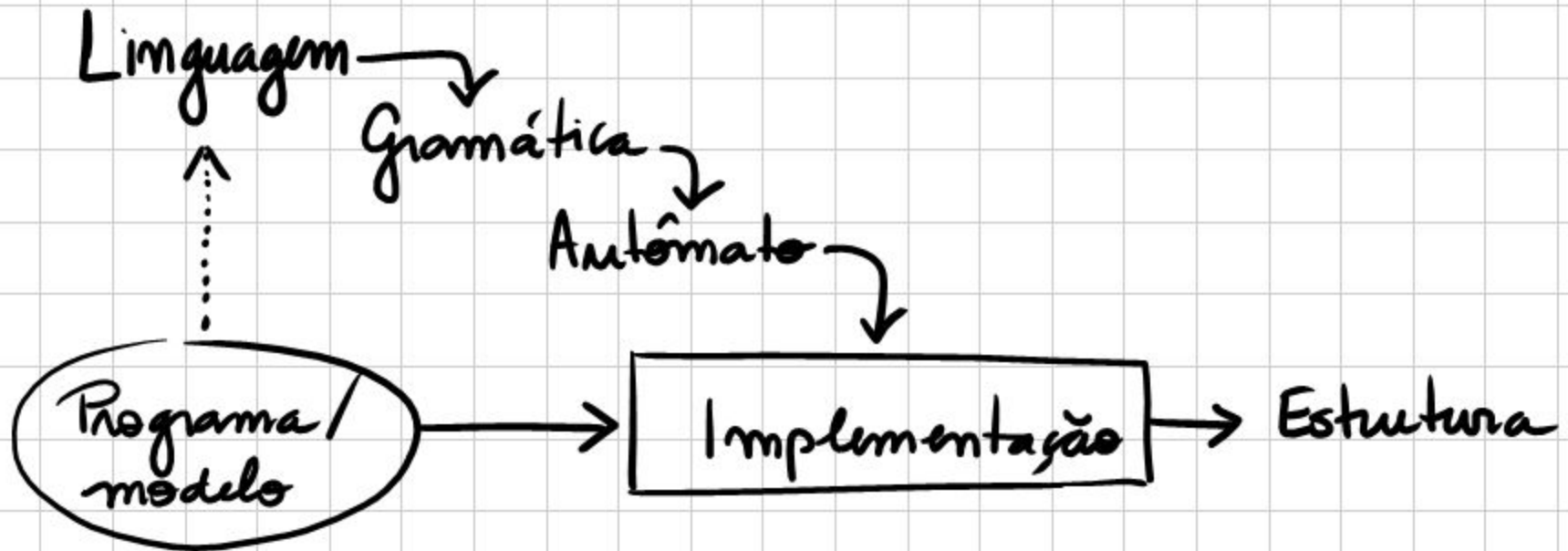


- Obs: dentro da análise (front-end)

# Contexto

- Definição da linguagem
  - Deve ser precisa e formal
  - Deve descrever a estrutura sintática
- A teoria da computação vem em auxílio
  - Gramáticas vistas em LFA
  - Permitem definir estruturas de cadeias de símbolos
- E mais, para cada gramática existe
  - Um modelo formal de máquina reconhecedora!
    - Autômatos significam IMPLEMENTAÇÃO!

# Compiladores x LFA





# Compiladores x LFA

- Quais são os tipos de gramáticas?
  - Hierarquia de Chomsky

Hierarquia	Gramáticas	Linguagens	Autômato
Tipo-0	Irrestritas	Recursivamente Enumeráveis	Máquinas de Turing
Tipo-1	Sensíveis ao contexto	Sensíveis ao contexto	MT com fita limitada
Tipo-2	Livres de contexto	Livres de contexto	Autômatos de pilha
Tipo-3	Expressões regulares	Regulares	Autômatos finitos

# Compiladores x LFA

- Qual tipo de linguagem escolher?
  - Escolha óbvia
    - Tipo-0: Linguagens recursivamente enumeráveis
    - Gramáticas irrestritas
    - Máquinas de Turing
- Vantagem:
  - Linguagens RE cobrem tudo o que é necessário
- Desvantagens:
  - Gramáticas irrestritas são difíceis de conceber
    - E de transformar em uma Máquina de Turing

# Compiladores x LFA

- Próxima opção:
  - Tipo-1: Linguagens sensíveis ao contexto
  - Gramáticas sensíveis ao contexto
  - Máquina de Turing com fita limitada
- Mesmas vantagens e desvantagens do tipo-0

# Compiladores x LFA

- No outro extremo:
  - Tipo-3: Linguagens regulares
  - Gramáticas regulares
  - Autômatos finitos
- Vantagens:
  - Gramáticas simples de conceber
    - E de converter em um autômato
- Desvantagens:
  - Não cobre as necessidades das linguagens
  - Não há recursividade / capacidade de “contar”
    - Regra  $S \rightarrow ( S )$  é proibida

# Compiladores x LFA

- Sobrou:
  - Tipo-2: Linguagens livres de contexto
  - Gramáticas livres de contexto
  - Autômatos com uma pilha
- Vantagens:
  - Gramáticas (relativamente) fáceis de conceber
  - E de converter em um autômatos com pilha
- Desvantagens:
  - Algumas construções da maioria das linguagens exige sensibilidade ao contexto
    - Mas é possível contornar!!

# Gramáticas livre de contexto

- As gramáticas livres de contexto são a melhor opção, pois existem:
  - Técnicas para projetar essas gramáticas
  - Algoritmos para análise sintática baseados em seus princípios
  - Técnicas para adicionar sensibilidade ao contexto
    - Em compiladores corresponde a ANÁLISE SEMÂNTICA

# Análise sintática

- Nesta parte da disciplina veremos:
  - Alguns dos algoritmos para análise sintática
    - LL(k), LL(\*), LR/LALR, GLR/Universal
  - Características, necessidades específicas, vantagens e desvantagens de cada algoritmo
- É importante conhecer a **ESSÊNCIA** de cada técnica
  - Ainda que não a implementemos em detalhes
  - Para poder tomar decisões de projeto consistentes

# Análise sintática

- Mas antes, vamos estudar o formalismo
- O que é análise sintática baseada em gramáticas livres de contexto?
- Primeiro vamos entender como fazer “de cabeça”
  - Depois começaremos a explorar as técnicas



# Gramáticas livres de contexto

# Gramáticas livres de contexto

$A \rightarrow 0A1$

$A \rightarrow B$

$B \rightarrow \#$

Regras de substituição  
ou produções

Lado esquerdo ou **cabeça**:  
um único símbolo. Esses  
símbolos são chamados de  
**variáveis** ou **não-terminais**

Lado direito ou **corpo**: uma  
cadeia de símbolos. Pode ter  
variáveis e **terminais**

A variável que aparece do lado esquerdo da primeira  
regra é designada **variável** ou **símbolo inicial**.  
(Neste exemplo, **A** é o símbolo inicial)

# Gramáticas livres de contexto

- Definição formal

- $G = (V, T, P, S)$

- $V$  = conjunto de variáveis

- $T$  = conjunto de terminais

- $P$  = conjunto de produções

- $S$  = símbolo inicial

- Ex:

- $G_{\text{palíndromos}} = (\{L\}, \{0, 1\}, P, L)$

$$P = \left\{ \begin{array}{l} L \rightarrow \varepsilon \\ L \rightarrow 0 \\ L \rightarrow 1 \\ L \rightarrow 0L0 \\ L \rightarrow 1L1 \end{array} \right\}$$

# Gramáticas livres de contexto

- Em compiladores, os terminais são os tokens
  - Mais especificamente, os TIPOS dos tokens
  - <id, “var1”>
    - id é usado na análise sintática
    - “var1” é ignorado
- Os não-terminais definem normalmente as construções da linguagem
  - De alto nível (programa, função, bloco)
  - De baixo nível (comandos, expressões)

# Gramáticas livres de contexto

Programa  $\rightarrow$  ListaComandos

ListaComandos  $\rightarrow$  Comando ListaComandos

ListaComandos  $\rightarrow$  Comando

Comando  $\rightarrow$  ComandoIf

Comando  $\rightarrow$  ComandoAtrib

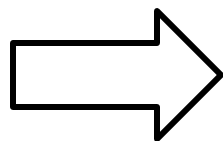
ComandoIf  $\rightarrow$  TK\_IF Expr TK\_THEN Comando

ComandoIf  $\rightarrow$  TK\_IF Expr TK\_THEN Comando  
TK\_ELSE Comando

ComandoAtrib  $\rightarrow$  id TK\_ATRIB Expr

...

# Gramáticas livres de contexto

$$A \rightarrow 0A1$$
$$A \rightarrow B$$
$$B \rightarrow \#$$

$$A \rightarrow 0A1 \mid B$$
$$B \rightarrow \#$$

Se houver mais de uma produção para uma mesma variável, podemos agrupá-las com o símbolo “|”.

# Gramáticas livres de contexto

Programa  $\rightarrow$  ListaComandos

ListaComandos  $\rightarrow$  Comando ListaComandos |  
Comando

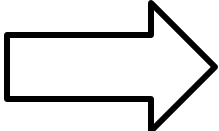
Comando  $\rightarrow$  ComandoIf | ComandoAtrib

ComandoIf  $\rightarrow$  TK\_IF Expr TK\_THEN Comando |  
TK\_IF Expr TK\_THEN Comando  
ELSE Comando

ComandoAtrib  $\rightarrow$  id TK\_ATRIB Expr

...

# Gramáticas livres de contexto

$A \rightarrow 0B1$   
 $B \rightarrow \# \mid \%$              $A \rightarrow 0 (\# \mid \%) 1$

Se uma regra só é utilizada dentro de outra, é possível criar uma subregra anônima, utilizando parênteses



# Gramáticas livres de contexto

Programa  $\rightarrow$  ListaComandos

ListaComandos  $\rightarrow$  Comando ListaComandos |  
Comando

Comando  $\rightarrow$  ComandoIf | (id TK\_ATRIB Expr)

ComandoIf  $\rightarrow$  TK\_IF Expr TK\_THEN Comando |  
TK\_IF Expr TK\_THEN Comando  
ELSE Comando

...

# Gramáticas livres de contexto

- Como uma gramática descreve uma linguagem?
  - Duas formas:
    - Inferência recursiva
    - Derivação
- Ex: Gramática para expressões aritméticas
  - $V = \{E, I\}$ ;  $T = \{+, *, (, ), a, b, 0, 1\}$ ;  $S = E$ ;
  - $P = \{$ 
    - $E \rightarrow I \mid E + E \mid E * E \mid (E)$
    - $I \rightarrow a \mid b \mid Ia \mid Ib \mid I0 \mid I1$
  - }

# Gramáticas livres de contexto

- $E \rightarrow I \mid E + E \mid E * E \mid (E)$
- $I \rightarrow a \mid b \mid Ia \mid Ib \mid I0 \mid I1$
  
- Inferência recursiva
  - Dada uma cadeia (conjunto de símbolos terminais)
  - Do corpo para a cabeça
  
- Ex:  $a^*(a+b00)$ 
  - $a^*(a+b00) \Leftarrow a^*(a+I00) \Leftarrow a^*(a+I0) \Leftarrow a^*(a+I) \Leftarrow$   
 $a^*(a+E) \Leftarrow a^*(I+E) \Leftarrow a^*(E+E) \Leftarrow a^*(E) \Leftarrow a^*E \Leftarrow I^*E \Leftarrow$   
 $E^*E \Leftarrow E$

# Gramáticas livres de contexto

- $E \rightarrow I \mid E + E \mid E * E \mid (E)$
- $I \rightarrow a \mid b \mid Ia \mid Ib \mid I0 \mid I1$
- Derivação
  - Dada uma cadeia (conjunto de símbolos terminais)
  - Da cabeça para o corpo
- Ex:  $a^*(a+b00)$ 
  - $E \Rightarrow E * E \Rightarrow I * E \Rightarrow a * E \Rightarrow a^*(E) \Rightarrow a^*(E + E) \Rightarrow a^*(I + E) \Rightarrow a^*(a + E) \Rightarrow a^*(a + I) \Rightarrow a^*(a + I0) \Rightarrow a^*(a + I00) \Rightarrow a^*(a + b00)$

# Gramáticas livres de contexto

- $E \rightarrow I \mid E + E \mid E * E \mid (E)$
- $I \rightarrow a \mid b \mid Ia \mid Ib \mid I0 \mid I1$
- Símbolo de derivação:  $\Rightarrow$
- Derivação em múltiplas etapas:  $\Rightarrow^*$ 
  - $E \Rightarrow^* a^*(E)$
  - $a^*(E+E) \Rightarrow^* a^*(a+I00)$
  - $E \Rightarrow^* a^*(a+b00)$

# Gramáticas livres de contexto

- Derivações mais à esquerda
  - Sempre substituir a variável mais à esquerda
  - Notação:  $\Rightarrow_{lm}$ ,  $\overset{*}{\Rightarrow}_{lm}$
- Derivações mais à direita
  - Sempre substituir a variável mais à direita
  - Notação:  $\Rightarrow_{rm}$ ,  $\overset{*}{\Rightarrow}_{rm}$

# Árvores de análise sintática

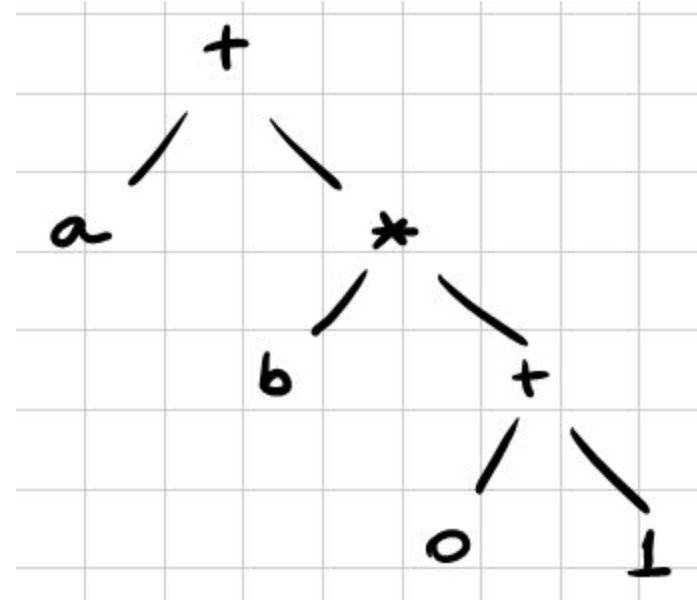
# Árvores de análise sintática

- Representação visual para derivações
- Mostra claramente como os símbolos de uma cadeia de terminais estão agrupados em subcadeias
- Permite analisar alguns aspectos da linguagem e ver o processo de derivação / inferência recursiva
  - Ex:  $a+b*(0+1)$
- Produções
  - $E \rightarrow I \mid E + E \mid E * E \mid (E)$
  - $I \rightarrow a \mid b \mid 0 \mid 1$



# Árvores de análise sintática

- Também conhecidas por:
  - Árvores de derivação ou *parse trees*
- Elas representam completamente a derivação
  - Mas nem sempre é necessário utilizar toda a informação
    - Ex:  $a+b*(0+1)$



# Árvores de sintaxe abstrata

- É uma árvore simplificada
- Contém a informação necessária para o compilador
  - E nada mais
- Omite (abstrai) detalhes pois
  - Muitas vezes as regras gramaticais incluem não-terminais somente como mecanismos auxiliares

# Árvores de sintaxe abstrata

- Ex:

Comando  $\rightarrow$  ComandoIf | (id TK\_ATRIB Expr)

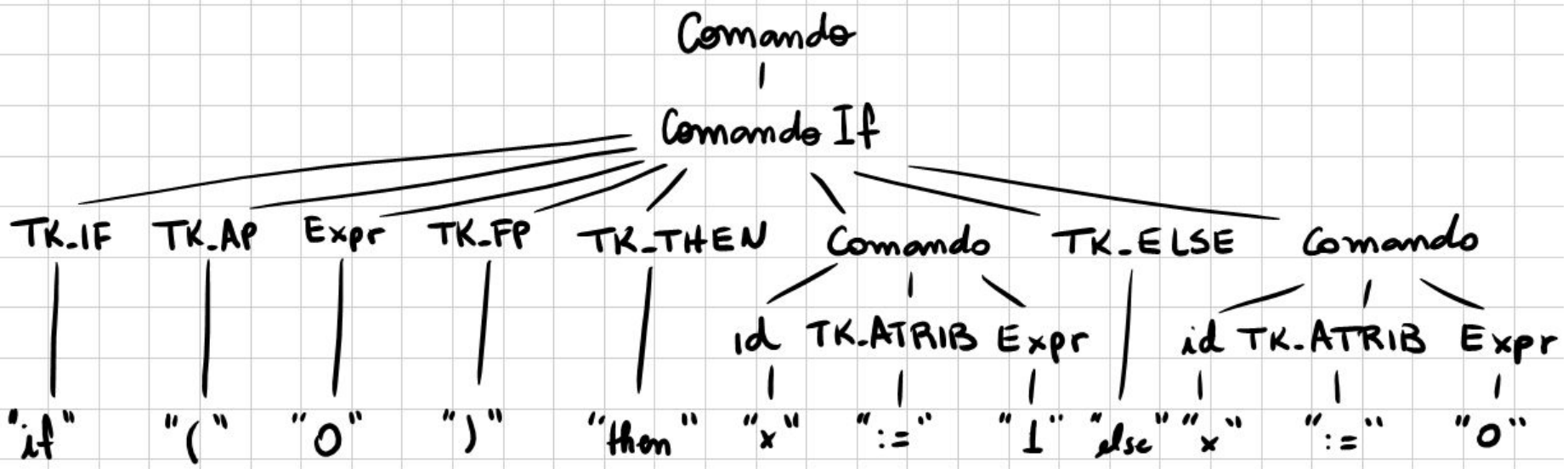
ComandoIf  $\rightarrow$  TK\_IF TK\_AP Expr TK\_FP  
TK\_THEN Comando |  
TK\_IF TK\_AP Expr TK\_FP  
TK\_THEN Comando ELSE  
Comando

Expr  $\rightarrow$  TK\_0 | TK\_1

# Árvores de sintaxe abstrata

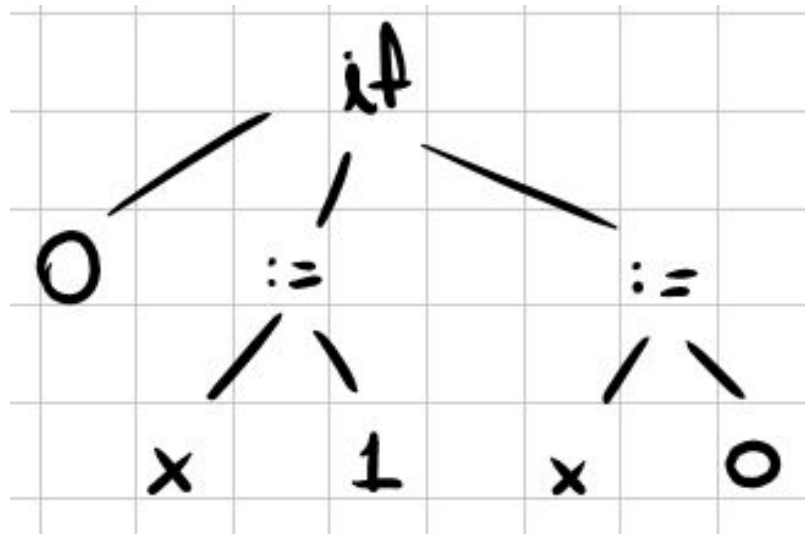
- Árvore de análise sintática (concreta) da cadeia:

if(0) then x := 1 else x:=0



# Árvores de sintaxe abstrata

- Na verdade, o que queremos representar é:



- Pois é isso o que importa para o compilador
  - O resto é “detalhe”

# Árvores de sintaxe abstrata

- Outro exemplo:
  - Sequência de declarações separadas por ponto-e-vírgula:

ListaComandos

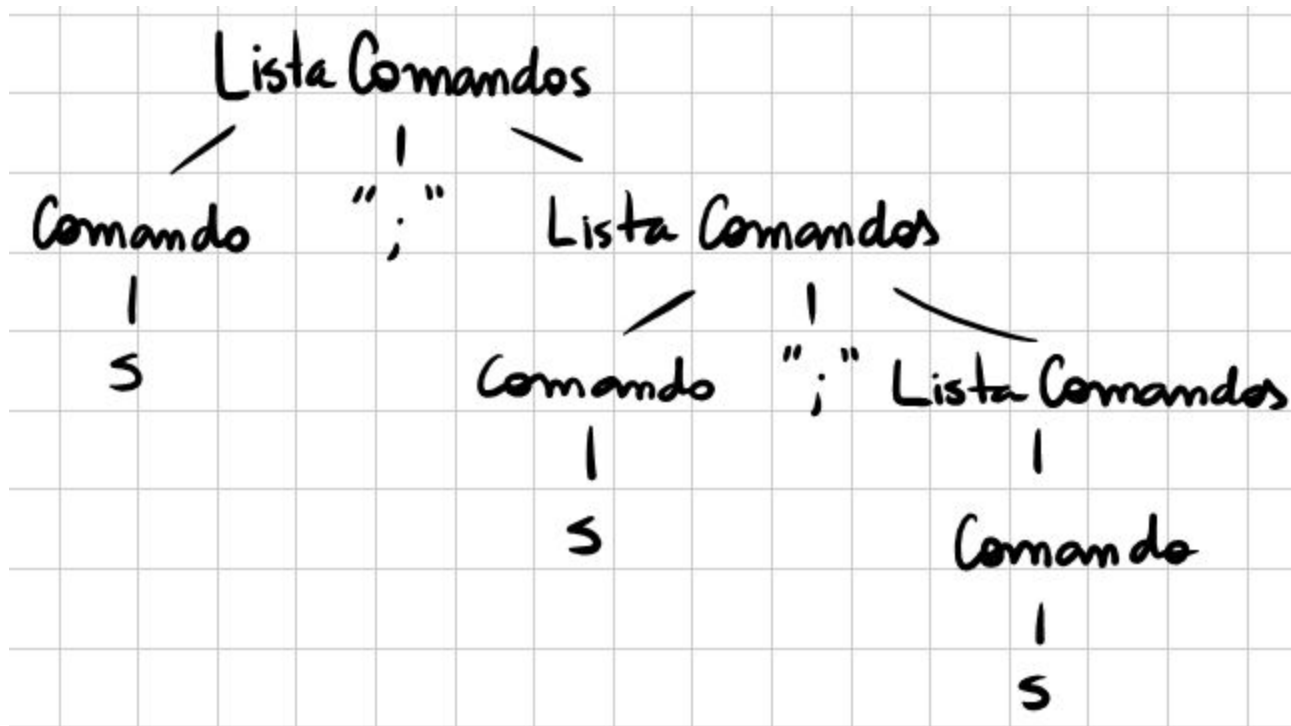
→ Comando ';' ListaComandos |  
Comando

Comando → s

# Árvores de sintaxe abstrata

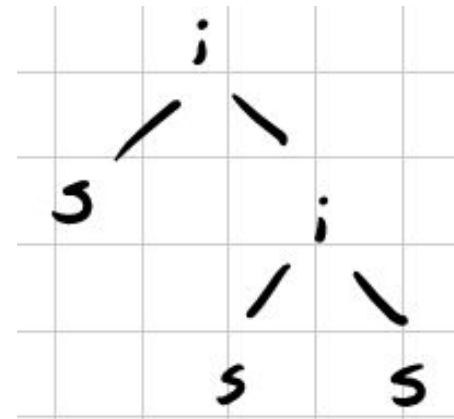
- Fazendo a árvore de análise sintática da cadeia:

S ; S ; S

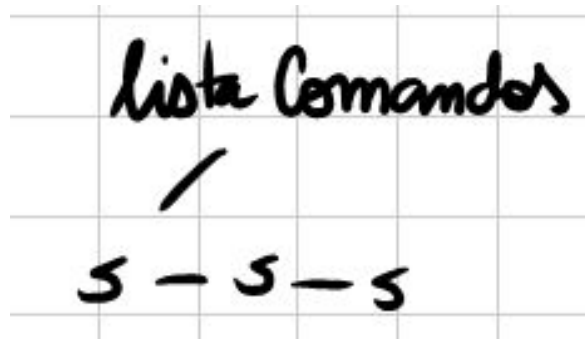


# Árvores de sintaxe abstrata

- Na verdade, poderíamos representar assim:



- Ou, melhor ainda:

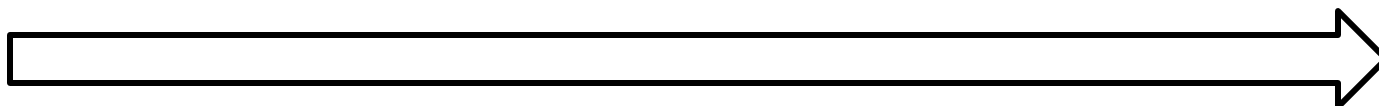




# Árvores de sintaxe abstrata

- Na verdade, a sintaxe abstrata pode ser
  - QUALQUER ESTRUTURA DE DADOS
    - Como a lista do exemplo anterior
    - Ou um grafo direcionado
  - Em alguns contextos, é chamada METAMODELO
- Na prática, quase sempre é uma árvore

Árvore de  
análise  
sintática



Mais fácil de construir  
Mais difícil de usar

Mais difícil de construir  
Mais fácil de usar

***Estrutura (árvore)  
de sintaxe abstrata***

# Exemplo

- Gramática simplificada da linguagem ALGUMA

```
VARIAVEL : ('a'..'z'|'A'..'Z') ('a'..'z'|'A'..'Z'|'0'..'9')*;
```

```
TIPO_VAR : 'INTEIRO' | 'REAL';
```

```
programa : ':' 'DECLARACOES' listaDeclaracoes ':'  
         'ALGORITMO' listaComandos;
```

```
listaDeclaracoes : declaracao listaDeclaracoes | declaracao;
```

```
declaracao : VARIAVEL ':' TIPO_VAR;
```

```
listaComandos : comando listaComandos | comando;
```

```
comando : comandoEntrada | comandoSaida;
```

```
comandoEntrada : 'LER' VARIAVEL;
```

```
comandoSaida : 'IMPRIMIR' VARIAVEL;
```

# Exemplo

```
:DECLARACOES
```

```
argumento:INTEIRO
```

```
fatorial:INTEIRO
```

```
:ALGORITMO
```

```
% Calcula o fatorial de um número inteiro
```

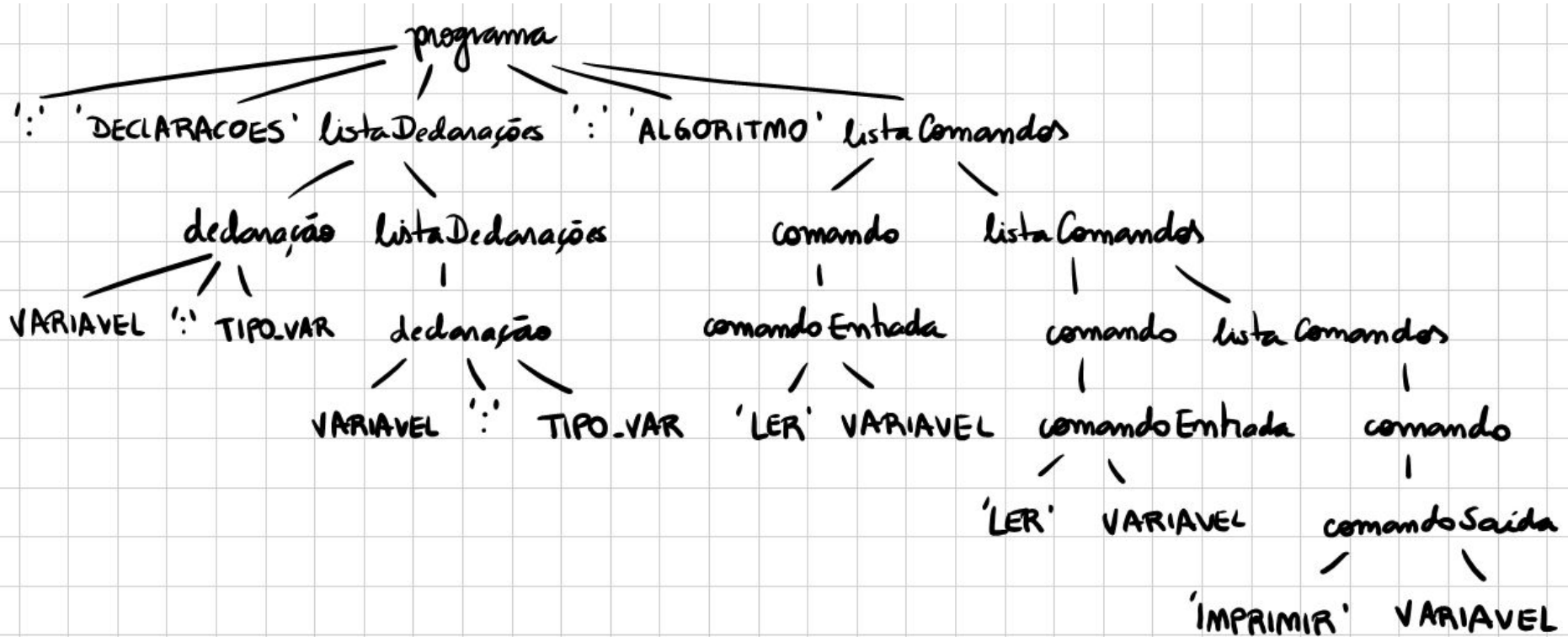
```
LER argumento
```

```
LER fatorial
```

```
IMPRIMIR fatorial
```

# Exemplo

- Árvore de análise sintática (sintaxe concreta)



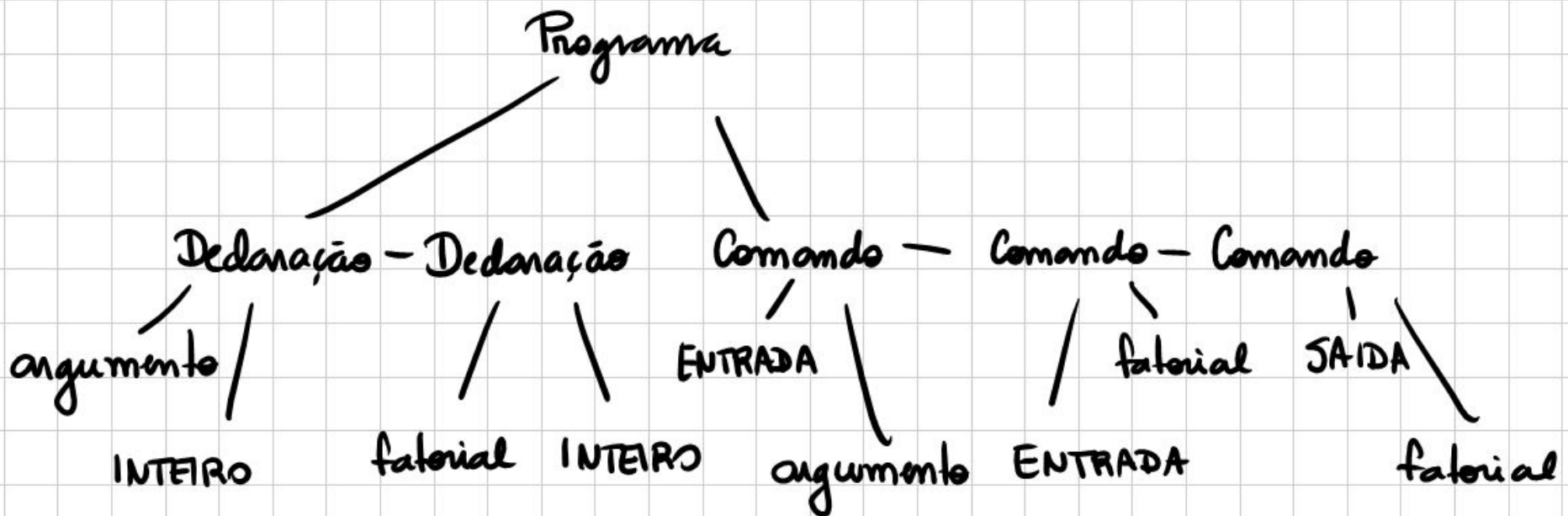
# Exemplo

- Estrutura de dados de sintaxe abstrata:

```
class Programa {
    Declaracao[] declaracoes;
    Comando[] comandos;
}
class Declaracao {
    String nomeVar;
    TipoVar tipo;
}
class Comando {
    TipoComando tipo;
    String variavel;
}
enum TipoVar { INTEIRO, REAL }
enum TipoComando { ENTRADA, SAIDA }
```

# Exemplo

- Árvore de sintaxe abstrata



# Resumo: abstrata vs concreta

- A sintaxe concreta é necessária
  - É através dela que o compilador analisa a estrutura
  - Essencial para validar repetições, condicionais, etc
- Uma vez que a análise sintática é concluída
  - Podemos “jogar fora” a sintaxe concreta
  - Mas precisamos de outra estrutura de dados
    - Mais limpa e fácil de trabalhar
    - Chamada de sintaxe abstrata
- Podemos usar diversas estruturas de dados ela
  - Normalmente é uma árvore sem tantos detalhes

# Ambiguidade



# Ambiguidade

- Considere as seguintes frases (verídicas), extraídas de um sistema de pedidos de um almoxarifado de um banco
  - “Armário para funcionário de aço”
  - “Cadeira para gerente sem braços”
- Quem é de aço? O armário ou funcionário?
  - “(Armário para funcionário) de aço”
- Quem não tem braços? A cadeira ou o gerente?
  - “(Cadeira para gerente) sem braços”

# Ambiguidade

- Outro exemplo (gramática à direita)
  - Encontre derivações mais à esquerda para a cadeia  $a + b^*a$

$$\begin{aligned} E &\rightarrow I \\ E &\rightarrow E + E \\ E &\rightarrow E * E \\ E &\rightarrow (E) \\ I &\rightarrow a \\ I &\rightarrow b \end{aligned}$$

- Respostas:
  - $E \Rightarrow E + E \Rightarrow I + E \Rightarrow a + E$   
 $\Rightarrow a + E * E \Rightarrow a + I * E \Rightarrow a + b * E$   
 $\Rightarrow a + b * I \Rightarrow a + b * a$
  - $E \Rightarrow E * E \Rightarrow E + E * E \Rightarrow I + E * E$   
 $\Rightarrow a + E * E \Rightarrow a + I * E \Rightarrow a + b * E$   
 $\Rightarrow a + b * I \Rightarrow a + b * a$

# Ambiguidade

- A diferença entre as árvores e as derivações mais à esquerda é significativa
  - Dependendo dela, o gerente pode ficar sem braços
    - Cadeira para \_\_\_\_\_
    - \_\_\_\_\_ sem braços
  - Dependendo da derivação à esquerda que usar, a adição pode ocorrer antes da multiplicação
    - $a + \underline{\quad}$
    - $\underline{\quad} * a$

# Ambiguidade

- Gramáticas são usadas para dar estrutura a programas, documentos, etc
  - Supõe-se que essa estrutura é única
  - Caso não seja, podem ocorrer problemas
- Nem toda gramática fornece estruturas únicas
  - Algumas vezes é possível reprojeter a gramática para eliminar a ambiguidade
  - Em outras vezes, isso é impossível
    - Existem linguagens “inerentemente ambíguas”
    - Ou seja, toda gramática para esta linguagem será ambígua

# Ambiguidade

- O que caracteriza ambiguidade
  - A existência de duas ou mais árvores de análise sintática para uma mesma cadeia da linguagem
- Formalmente:
  - Uma CFG  $G = (V, T, P, S)$  é ambígua se existe pelo menos uma cadeia  $w$  em  $T^*$  para a qual podemos encontrar duas árvores de análise sintática diferentes, cada qual com uma raiz identificada como  $S$  e um resultado  $w$
  - Se TODAS as cadeias tiverem no máximo uma árvore de análise sintática, a gramática é não-ambígua

# Ambiguidade

- Podemos relacionar ambiguidade com as derivações
- Teorema:
  - Para cada gramática  $G = (V, T, P, S)$  e cadeia  $w$  em  $T^*$ ,  $w$  tem duas árvores de análise sintática distintas se e somente se  $w$  tem duas derivações mais à esquerda distintas a partir de  $S$
  - Corolário: Se para uma gramática  $G = (V, T, P, S)$  e uma cadeia  $w$  em  $T^*$ , for possível encontrar duas derivações mais à esquerda distintas,  $G$  é ambígua
  - O mesmo vale para derivações mais à direita

# Eliminando ambiguidade

- Dificuldades:
  - Saber se uma gramática é ambígua é um problema indecidível
    - Descobrir que uma gramática é ambígua depende de análise, exemplos e sorte!
  - Existem linguagens inerentemente ambíguas
    - TODA CFG para essas linguagens será ambígua
  - Mesmo para uma linguagem que não é inerentemente ambígua
    - Não existe algoritmo para remover a ambiguidade

# Eliminando ambiguidade

- Existem técnicas para alguns casos de ambiguidade
  - Primeira técnica: forçar a precedência de terminais introduzindo novas regras
  - Segunda técnica: modificar ligeiramente a linguagem
  - Terceira técnica: “ajustar” diretamente o analisador



# Eliminando ambiguidade

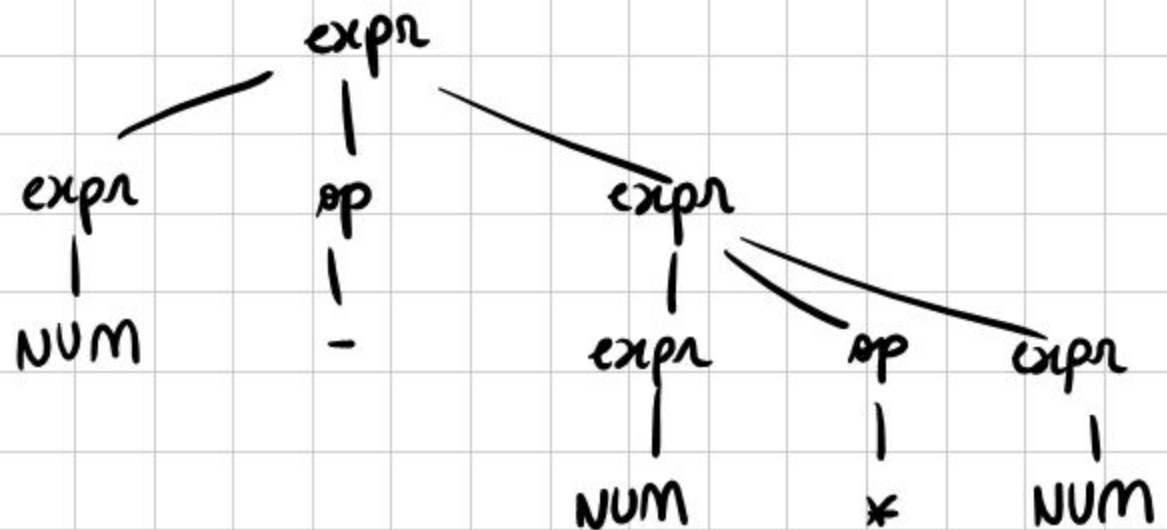
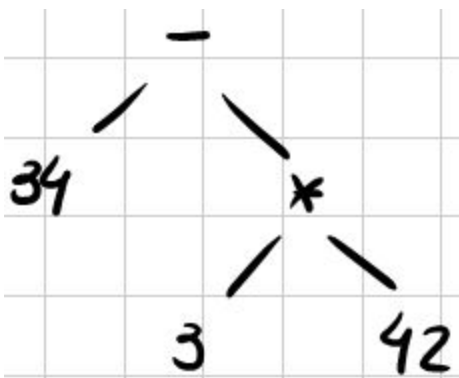
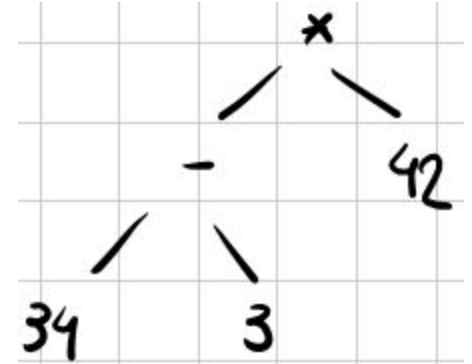
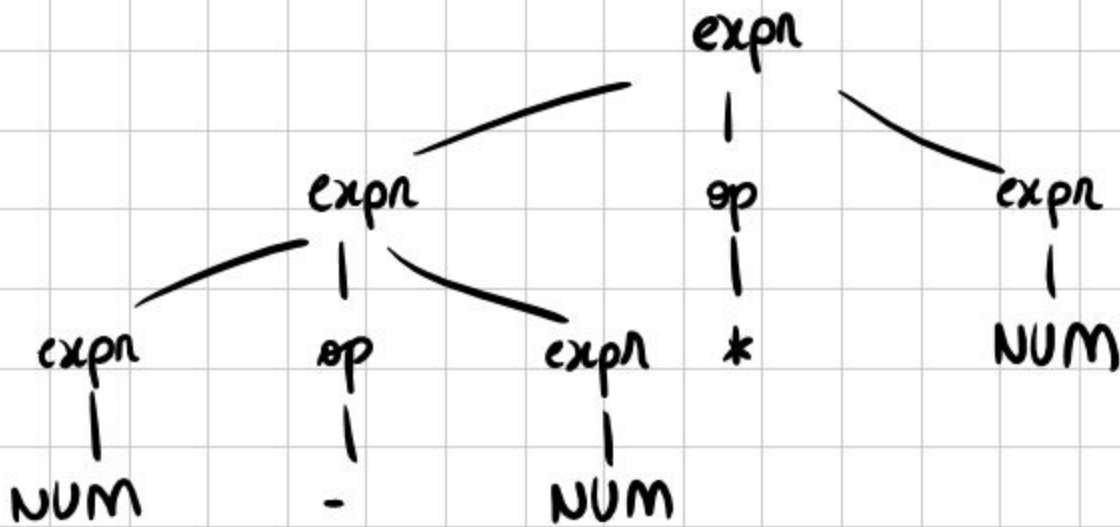
- Exemplo clássico: expressões aritméticas

$\text{expr} \rightarrow \text{expr op expr} \mid \text{'(' expr ')} \mid \text{NUM}$

$\text{op} \rightarrow + \mid - \mid *$

- É fácil demonstrar que existe mais de uma árvore de análise sintática para a cadeia  $34 - 3 * 42$ 
  - Também resultam em sintaxes abstratas diferentes

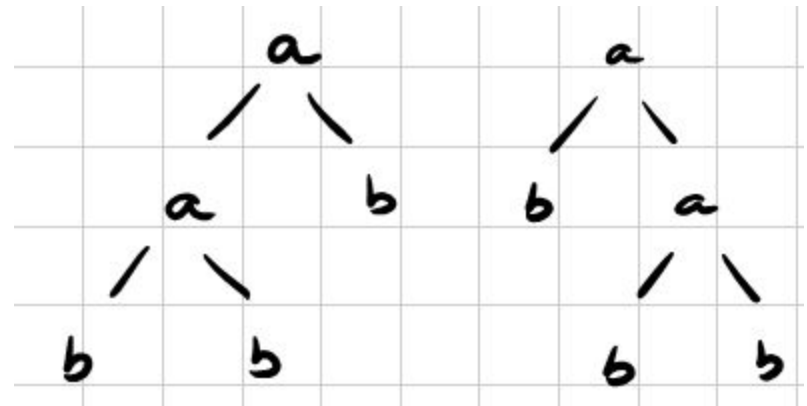
# Eliminando ambiguidade



# Eliminando ambiguidade

- Existe um ponto de ambiguidade
  - Associatividade
- Causado por uma recursividade dupla (à direita e à esquerda)
  - $S \rightarrow S \text{ 'qualquer terminal' } S \mid \dots$

- Exemplo mais genérico
  - $S \rightarrow SaS \mid b$
  - Cadeia = babab



# Eliminando ambiguidade

- Nestes casos, é preciso remover a recursividade de um dos lados

- Para “forçar” a associatividade à esquerda

$$S \rightarrow SaS \mid b \quad \longrightarrow \quad S \rightarrow Sab \mid b$$

- Para “forçar” a associatividade à direita

$$S \rightarrow SaS \mid b \quad \longrightarrow \quad S \rightarrow baS \mid b$$

# Eliminando ambiguidade

- No exemplo das expressões

$\text{expr} \rightarrow \text{expr op expr} \mid \text{'(' expr ')} \mid \text{NUM}$

$\text{op} \rightarrow + \mid - \mid *$

- Forçando associatividade à esquerda:

$\text{expr} \rightarrow \text{expr op ('(' expr ')'} \mid \text{NUM}) \mid \text{'(' expr ')} \mid \text{NUM}$

$\text{op} \rightarrow + \mid - \mid *$

- Para melhor legibilidade, vamos inserir outra regra:

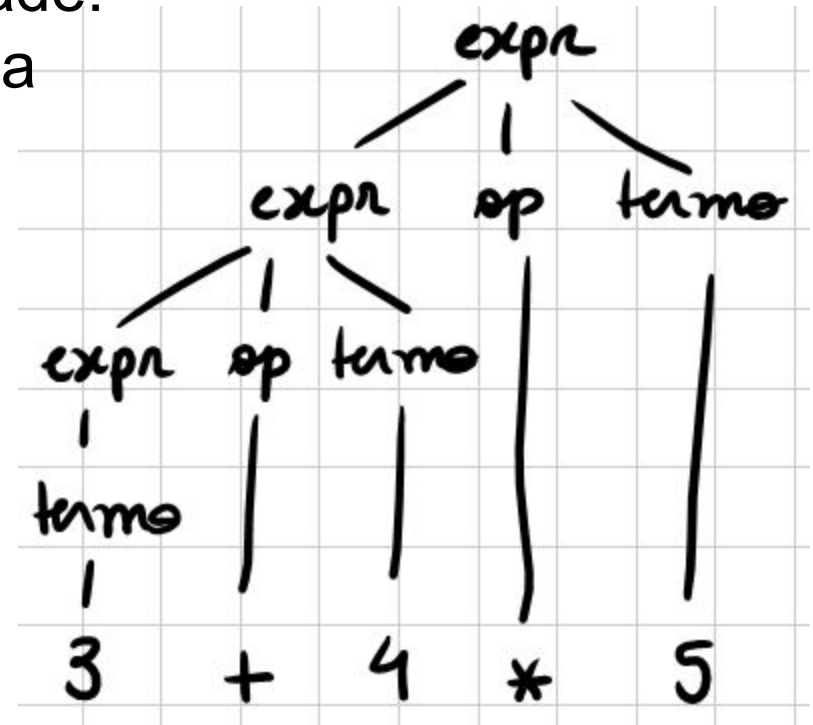
$\text{expr} \rightarrow \text{expr op termo} \mid \text{termo}$

$\text{termo} \rightarrow \text{'(' expr ')'} \mid \text{NUM}$

$\text{op} \rightarrow + \mid - \mid *$

# Eliminando ambiguidade

- Já removemos a ambiguidade!
- Mas tente criar mais de uma árvore para:
  - $3 + 4 + 5$
  - $3 * 4 + 5$
  - $3 + 4 * 5$
- O que há de errado com o último exemplo?
  - Matemáticos decretaram uma ordem “certa” para as operações



# Eliminando ambiguidade

- Ao remover a ambiguidade
  - Eliminamos a flexibilidade de precedências
- Antes, era possível “escolher” qual operador tinha maior precedência
  - A gramática era flexível
- Agora, todos os operadores têm a mesma precedência
  - Ou seja, vale a ordem em que aparecem na cadeia

# Eliminando ambiguidade

- Precisamos portanto definir a precedência
- Na nossa convenção matemática \* tem maior precedência sobre + e –
- Resolvemos isso criando:
  - Diferentes classes de operadores
  - Uma cascata de regras

$\text{expr} \rightarrow \text{expr op1 termo} \mid \text{termo}$

$\text{termo} \rightarrow \text{termo op2 fator} \mid \text{fator}$

$\text{fator} \rightarrow \text{'(' expr ')'} \mid \text{NUM}$

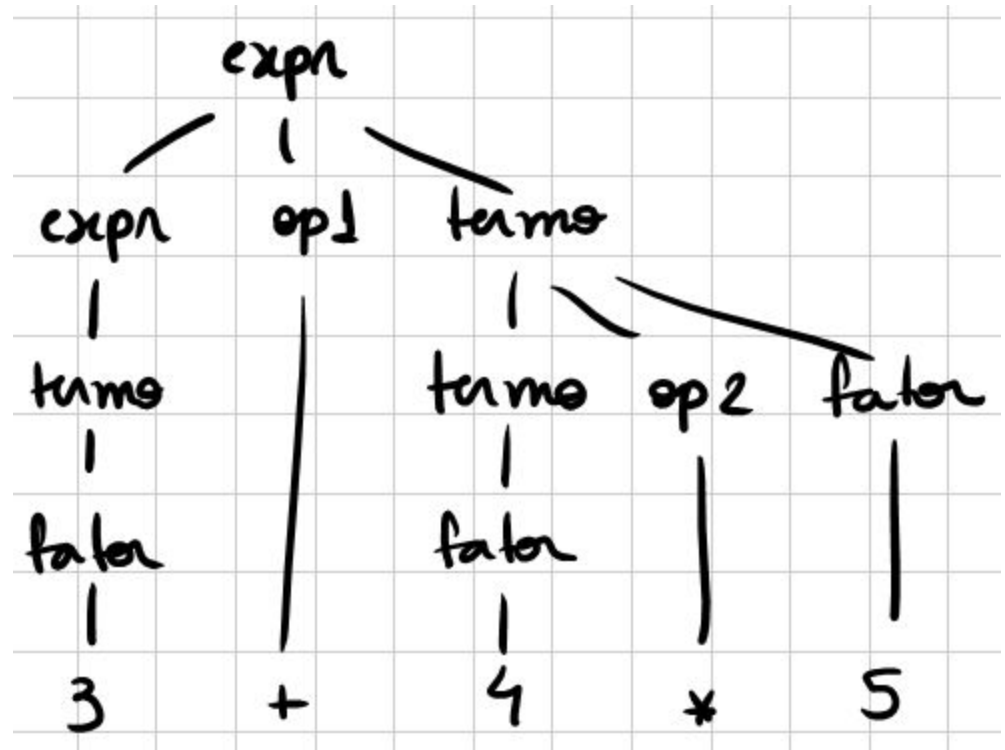
$\text{op1} \rightarrow + \mid -$

$\text{op2} \rightarrow *$



# Eliminando ambiguidade

- Testando agora:
  - $3 + 4 + 5$
  - $3 * 4 + 5$
  - $3 + 4 * 5$



# Associatividade e precedência

- Regra genérica

$$S \rightarrow S a T \mid S b T \mid S c T \mid S d T \mid T$$
$$T \rightarrow x$$

- Associatividade = a,b à esquerda e c,d à direita
- Precedência =  $a < b < c < d$ 
  - Temos quatro classes de precedência
    - Precisamos de quatro regras distintas
    - Em cada uma, inserimos a recursão conforme a associatividade (esquerda ou direita)

$$S \rightarrow S a S1 \mid S1$$
$$S1 \rightarrow S1 b S2 \mid S2$$
$$S2 \rightarrow S3 c S2 \mid S3$$
$$S3 \rightarrow T d S3 \mid T$$
$$T \rightarrow x$$

# Associatividade e precedência

- Exercício
  - Defina uma gramática para expressões aritméticas com operadores: +, -, \*, /, %(módulo) e ^(potência)
  - Precedência:
    - +,- < \*,/,% < ^
  - Associatividade
    - Todos à esquerda, exceto o operador de potência
  - As expressões não utilizam parênteses

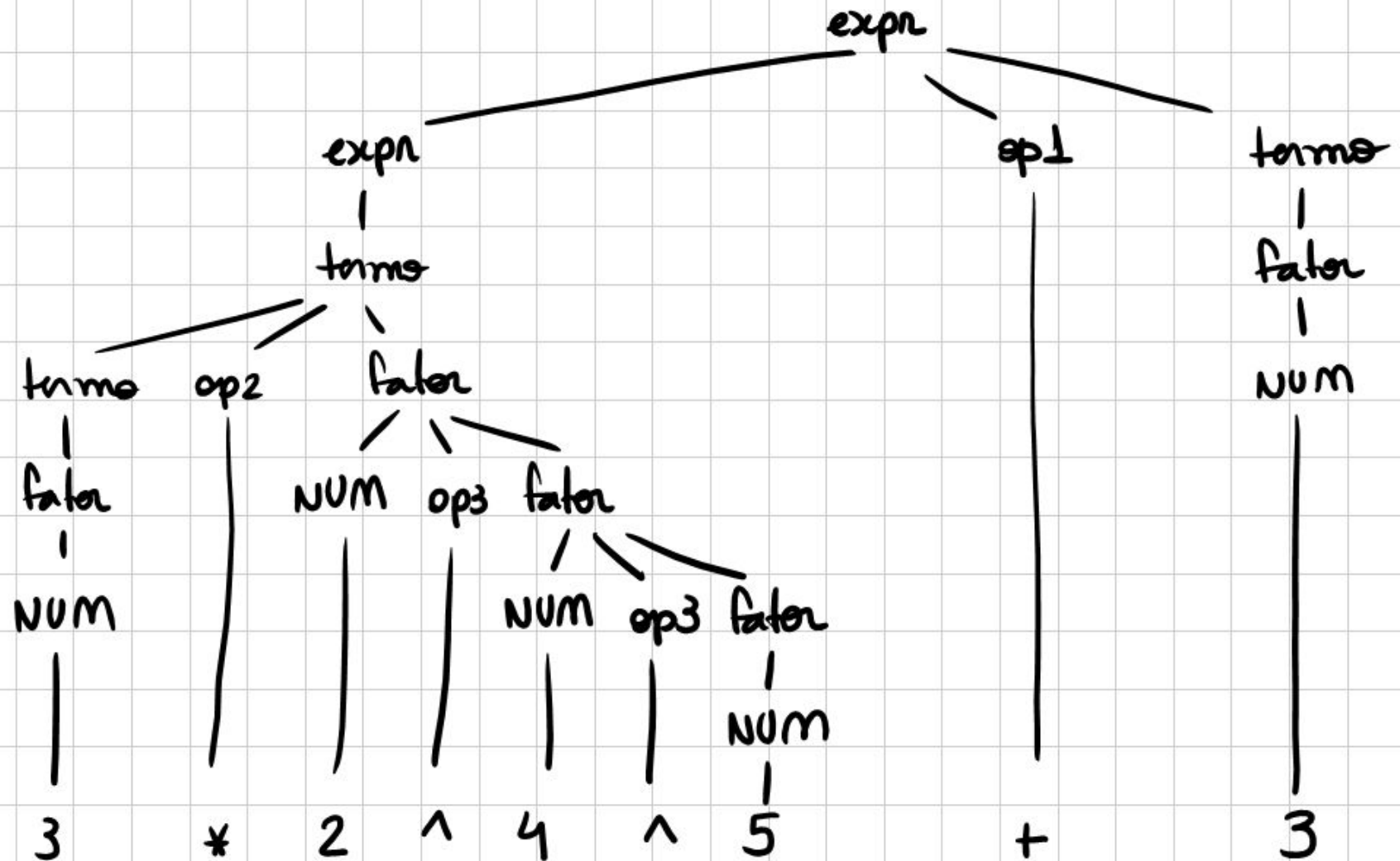
# Associatividade e precedência

- Primeiro passo:
  - Gramática ambígua
$$\text{expr} \rightarrow \text{expr op expr} \mid \text{NUM}$$
$$\text{op} \rightarrow + \mid - \mid * \mid / \mid \% \mid ^$$
- Segundo passo:
  - Separando os operadores em três classes de precedência
$$\text{op1} \rightarrow + \mid -$$
$$\text{op2} \rightarrow * \mid / \mid \%$$
$$\text{op3} \rightarrow ^$$

# Associatividade e precedência

- Terceiro passo:
  - Forçando associatividade e precedência
    - $\text{expr} \rightarrow \text{expr op1 termo} \mid \text{termo}$
    - $\text{termo} \rightarrow \text{termo op2 fator} \mid \text{fator}$
    - $\text{fator} \rightarrow \text{NUM op3 fator} \mid \text{NUM}$
    - $\text{op1} \rightarrow + \mid -$
    - $\text{op2} \rightarrow * \mid / \mid \%$
    - $\text{op3} \rightarrow ^$
- Testando:  $3 * 2 ^ 4 ^ 5 + 3$

# Associatividade e precedência



# Eliminando ambiguidade

- Segunda técnica:
  - Modificar ligeiramente a linguagem  
declaração  $\rightarrow$  if-decl | outra  
if-decl  $\rightarrow$  if (exp) declaração |  
if (exp) declaração else declaração  
exp  $\rightarrow$  0 | 1
- Verifique que há duas árvores para a seguinte cadeia  
if (0) if (1) outra else outra



# Eliminando ambiguidade

- Neste caso, é mais difícil modificar a gramática

*declaração* → **casam-decl** | sem-casam-decl

**casam-decl** → if (exp) **casam-decl** else  
**casam-decl** | outra

sem-casam-decl → if (exp) *declaração* |  
if (exp) **casam-decl** else sem-casam-decl

exp → 0 | 1

somente **casam-decl**  
aparece antes do else, o  
que força que haja uma  
preferência por fazer o  
casamento do else assim  
que possível



# Eliminando ambiguidade

- Outra opção: inserir uma construção “endif”

declaração → if-decl | outra

if-decl → if (exp) declaração endif |

if (exp) declaração else

declaração endif

exp → 0 | 1

- Agora não há mais dúvida

if(0) if(1) outra else outra endif endif

# Eliminando ambiguidade

- Terceira técnica:
  - Inserir regras “extras” diretamente no analisador
    - declaração → if-decl | outra
    - if-decl → if (exp) declaração | if (exp) declaração else declaração
    - exp → 0 | 1
- Podemos dizer para o analisador ser “ganancioso”
  - Ou seja, sempre buscar a regra que faz o casamento com mais tokens
  - É uma política que a maioria dos analisadores (ANTLR, YACC) já segue
  - Recomendado quando modificar a gramática aumenta a complexidade

# Eliminando ambiguidade

- Outro exemplo dessa técnica - YACC
  - É possível definir a precedência e associatividade dos terminais
  - Considere o seguinte exemplo de gramática:

```
%left '+'
```

```
%left '*'
```

```
E ::= E + E | E * E | NUM
```

Comandos especiais, que definem precedência (ordem crescente) e associatividade de terminais

# Eliminando ambiguidade

- Dada a entrada  $3 + 4 * 5$
- Após ler o símbolo “4”, o YACC está na configuração
  - $E + E$  <YACC está aqui>  $* 5$
- Nesse momento ele precisa decidir entre fazer a inferência (reduzir  $E + E$  para  $E$ ) ou continuar lendo
- Ele então olha para:
  - O terminal mais à direita do seu lado esquerdo (+)
  - O terminal mais à esquerda do seu lado direito (\*)

# Eliminando ambiguidade

- Ele então olha para:
  - O terminal mais à direita do seu lado esquerdo (+)
  - O terminal mais à esquerda do seu lado direito (\*)
- Como \* tem precedência sobre +
  - A decisão é não inferir neste momento
  - E continuar lendo


$$\begin{aligned} E + E * \langle YACC \rangle a &\rightarrow E + E * a \langle YACC \rangle \\ &\rightarrow E + E * E \\ &\rightarrow E + E \\ &\rightarrow E \end{aligned}$$

# Resumo: ambiguidade

- Nem sempre é possível remover a ambiguidade
- Não há algoritmo
  - Como aquele que remove não-determinismo em autômatos finitos
- Alguns exemplos (e suas soluções) são clássicos
  - Expressões aritméticas
  - If-then-else
- Resolver ambiguidades (não-determinismos/conflitos) também depende do algoritmo de análise sintática
  - Algoritmos LL tem uma certa forma
  - Algoritmos LR tem outra forma

# Recursividade à esquerda

# Recursividade à esquerda

- Uma gramática é recursiva à esquerda se houver um não-terminal  $A$  tal que haja uma derivação
  - $A \Rightarrow Ax$
- Alguns algoritmos não conseguem lidar com gramáticas recursivas à esquerda
  - Nesses casos, é necessário remover a recursão à esquerda
- Regra simples:
  - $A \rightarrow A\alpha \mid \beta$
  - 
  - $A \rightarrow \beta R$
  - $R \rightarrow \alpha R \mid \varepsilon$



# Recursividade à esquerda

- Obs: É diferente de quando vimos o caso da associatividade dos operadores
  - Naquele exemplo, o objetivo era eliminar a ambiguidade
  - As mudanças alteravam as derivações possíveis para remover a ambiguidade
  - $A \rightarrow SaS \mid b \rightarrow A \rightarrow baS \mid b$
- A solução aqui é mais genérica
  - Não remove a ambiguidade!

# Recursividade à esquerda

- Existem três tipos de recursividade à esquerda
  - Recursão imediata em apenas uma produção
    - $A \rightarrow A\alpha \mid \beta$
  - Recursão imediata em mais de uma produção
    - $A \rightarrow A\alpha_1 \mid A\alpha_2 \mid A\alpha_3 \mid \dots \mid A\alpha_m \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$
  - Recursão não-imediata
    - $A \rightarrow B\beta \mid \dots$
    - $B \rightarrow C\gamma \mid \dots$
    - $C \rightarrow A\delta \mid \dots$

# Rec. imediata em uma produção

- Antes
  - $A \rightarrow A\alpha \mid \beta$
- Depois
  - $A \rightarrow \beta R$
  - $R \rightarrow \alpha R \mid \varepsilon$
  
- Ex:
  - Antes:
    - $\text{expr} \rightarrow \text{expr '+' termo} \mid \text{termo}$
  - Depois
    - $\text{expr} \rightarrow \text{termo expr2}$
    - $\text{expr2} \rightarrow \text{'+' termo expr2} \mid \varepsilon$

# RI em mais de uma produção

- Primeiro, agrupe as produções da seguinte forma
  - $A \rightarrow A\alpha_1 \mid A\alpha_2 \mid A\alpha_3 \mid \dots \mid A\alpha_m \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$ 
    - Onde nenhum  $\beta_i$  começa com  $A$ , e nenhum  $\alpha_i$  é  $\varepsilon$
- Substitua as produções de  $A$  por
  - $A \rightarrow \beta_1 R \mid \beta_2 R \mid \dots \mid \beta_n R$
  - $R \rightarrow \alpha_1 R \mid \alpha_2 R \mid \alpha_3 R \mid \dots \mid \alpha_m R \mid \varepsilon$
- Ex:
  - Antes
    - $\text{expr} \rightarrow \text{expr '+' termo} \mid \text{expr '-' termo} \mid \text{termo} \mid \text{constante}$
  - Depois
    - $\text{expr} \rightarrow \text{termo expr2} \mid \text{constante expr2}$
    - $\text{expr2} \rightarrow \text{'+' termo expr2} \mid \text{'-' termo expr2} \mid \varepsilon$

# Recursão não-imediata

- Situação menos comum
- Algoritmo um pouco mais complicado
- Não veremos na disciplina
  
- Se algum dia se deparar com uma situação assim
  - Procure no livro do dragão!

# Fatoração à esquerda

# Fatoração à esquerda

- Quando a escolha entre duas produções não é clara
  - Pode-se reescrever as produções para adiar a decisão até haver entrada suficiente para a decisão
- Útil para deixar uma gramática adequada para análise sintática preditiva
  - Ex:
    - comando  $\rightarrow$  if ( expr ) then cmd else cmd
    - comando  $\rightarrow$  if ( expr ) then cmd
  - Mediante um token “if”, um analisador preditivo (que tenta prever a regra) não sabe o que fazer

# Fatoração à esquerda

- Fatoração é simples:

- Antes:

- $A \rightarrow \alpha\beta_1 \mid \alpha\beta_2 \mid \alpha\beta_3 \mid \dots \mid \alpha\beta_n$

- Depois:

- $A \rightarrow \alpha R$

- $R \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \beta_3 \mid \dots \mid \beta_n$

- Exemplo:

- Antes:

- comando  $\rightarrow$  if ( expr ) then cmd else cmd |  
if ( expr ) then cmd

- Depois:

- comando  $\rightarrow$  if ( expr ) then cmd comandoElse

- comandoElse  $\rightarrow$  else cmd |  $\epsilon$

Neste exemplo:  
 $\alpha = \text{if (expr) then cmd}$   
 $\beta_1 = \text{else cmd}$   
 $\beta_2 = \epsilon$



# EBNF e diagramas sintáticos

# EBNF

- Na prática existem algumas notações que facilitam a escrita de gramáticas
- Principalmente no caso de recursividade
  - Recursividade é quase sempre usada para representar uma lista
  - Ex:
    - $A \rightarrow Aa \mid a$  (um ou mais)
    - $A \rightarrow Aa \mid \varepsilon$  (zero ou mais)
- Outro exemplo comum é opcionalidade
  - $A \rightarrow a \mid \varepsilon$  (zero ou um)
- Tais notações são chamadas de EBNF
  - Ou BNF estendida

# EBNF

- Usaremos aqui a notação do ANTLR

$$A \rightarrow x? = A \rightarrow x \mid \varepsilon$$
$$A \rightarrow x^* = A \rightarrow xA \mid \varepsilon \quad (\text{ou } A \rightarrow Ax \mid \varepsilon)$$
$$A \rightarrow x+ = A \rightarrow xA \mid x \quad (\text{ou } A \rightarrow Ax \mid x)$$

- Exs:

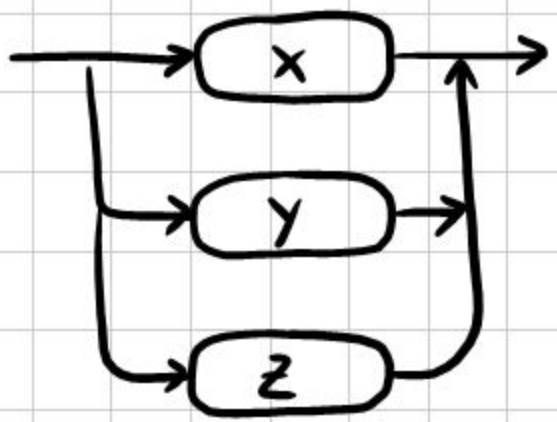
```
expr : termo (op1 termo)*
```

```
if-decl : 'if' '(' expr ')' 'then' cmd  
        ('else' cmd)?
```

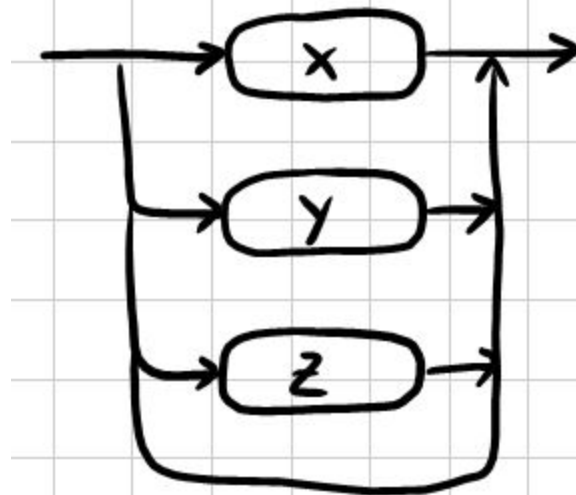
# Diagramas sintáticos

- Ajudam a visualizar as regras

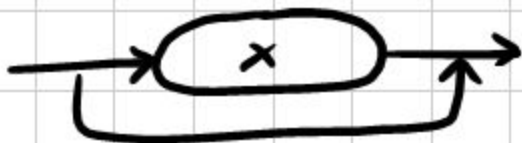
$(x \mid y \mid z)$



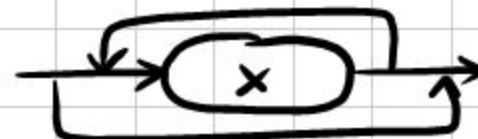
$(x \mid y \mid z)?$



$x?$



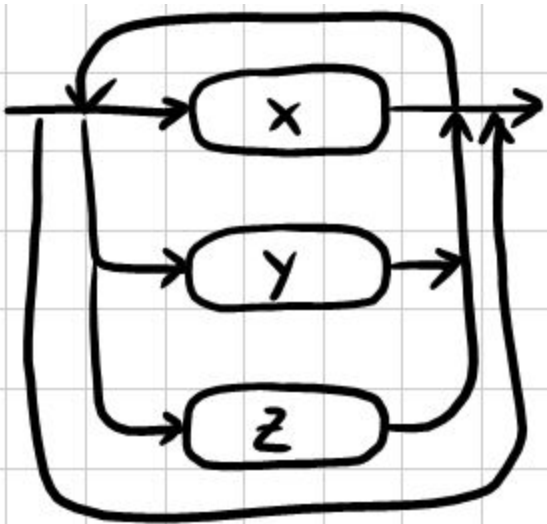
$x^*$



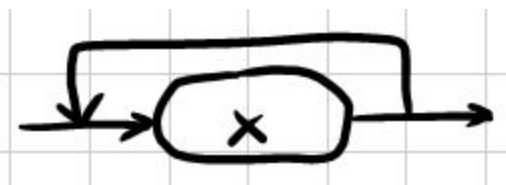
# Diagramas sintáticos

- Ajudam a visualizar as regras

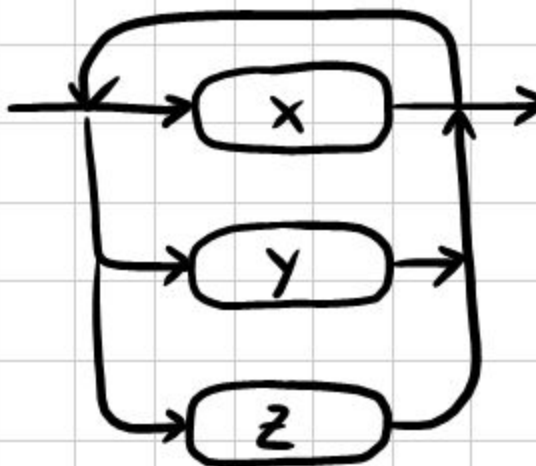
$(x \mid y \mid z)^*$



$x^+$

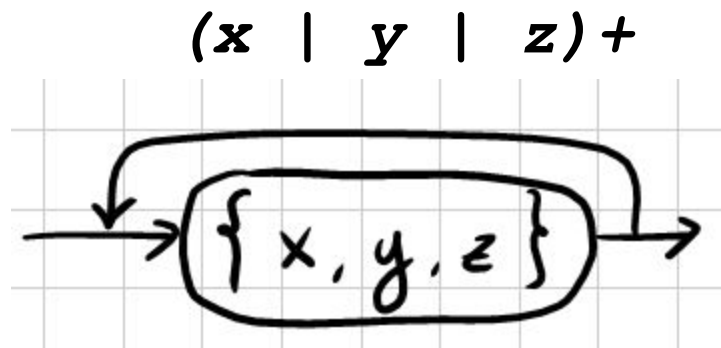
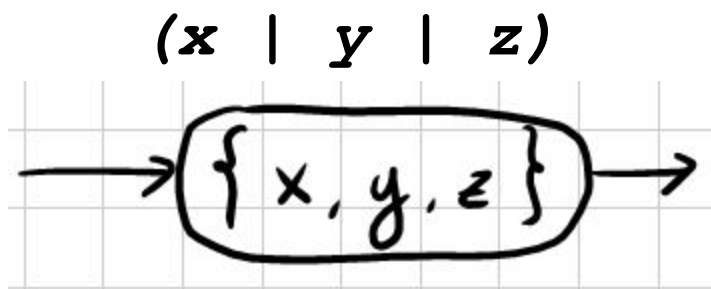


$(x \mid y \mid z)^+$



# Diagramas sintáticos

- Ajudam a visualizar as regras



# Diagramas sintáticos

- Desenhe os diagramas sintáticos para as seguintes regras

**NUMINT** : { '+' | '-' } ? { '0' .. '9' } + ;

**NUMREAL** : { '+' | '-' } ? { '0' .. '9' } + { '.' { '0' .. '9' } + } ? ;

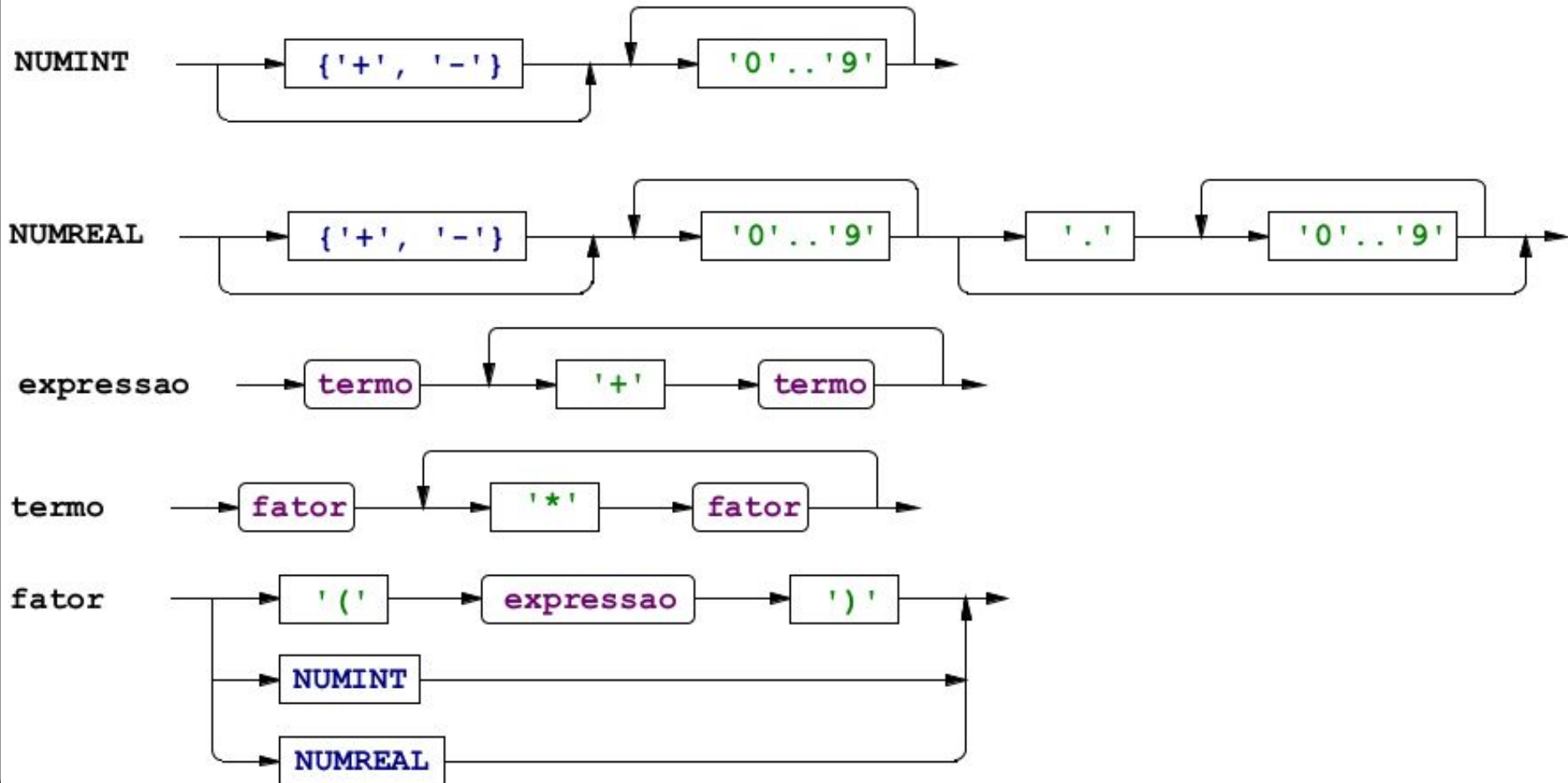
**expressao** : termo { '+' termo } + ;

**termo** : fator { '\*' fator } + ;

**fator** : '(' expressao ')' | **NUMINT** | **NUMREAL** ;

# Diagramas sintáticos

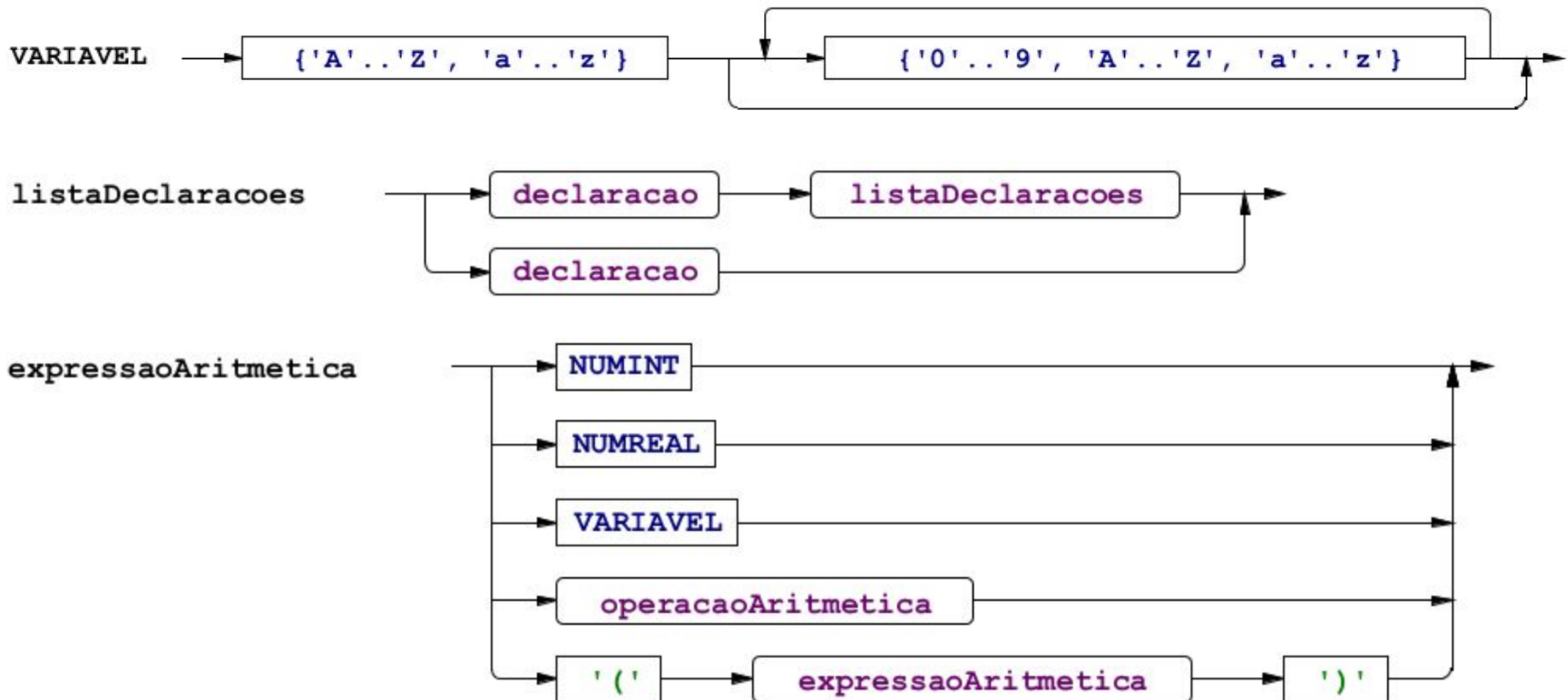
- Resposta





# Diagramas sintáticos

- Escreva as regras para os seguintes diagramas



# Diagramas sintáticos

- Respostas

```
VARIAVEL : ('a'..'z' | 'A'..'Z')  
          ('a'..'z' | 'A'..'Z' | '0'..'9')*;
```

```
listaDeclaracoes : declaracao  
                  listaDeclaracoes | declaracao;
```

```
expressaoAritmetica : NUMINT | NUMREAL  
                    | VARIAVEL | operacaoAritmetica |  
                    '(' expressaoAritmetica ')';
```

Fim